

ویندوز ۱۲

درسنامه + پرسش‌های چهارگزینه‌ای + آزمون

فیزیک جامع

ویراست سوم

رضا خالو، امیرعلی میری

رشته
ریاضی

$$\begin{cases} a = g \\ F_N = 0 \end{cases}$$



جلد اول

انتشارات
گروه

پست‌فشار

به نام خدا

سلام

همکاران گرامی و دانش‌آموزان عزیز
به دنیای پنجره‌های کتاب فیزیک ۳ (ویندوز ۱۲) خوش آمدید.
پس از انتشار کتاب جامع فیزیک پایه (ویندوز ۱۰ و ۱۱) به این شبیه‌رسیدیم که کتاب فیزیک ۳ (روان‌دهم) را با
همان شکل و شمایل تحت عنوان ویندوز ۱۲ ویرایش و منتشر کنیم.
کتاب دو جلدی است. یک جلد شامل درسامه و تست‌ها و جلد دوم پاسخ‌نامه کاملاً تشریحی
اما حکایت پنجره‌ها چیست؟
هر فصل به پنج پنجره و هر پنجره به زیرموضوع‌هایی به نام «نفا» که دارای شماره و عنوان است تقسیم شده است.
در هر پنجره ابتدا درسامه و سپس تست‌های همان پنجره آورده شده است.

۱) درسامه: در این کتاب با یک درسامه کامل و جامع روبه‌رو هستید که در آن تمام نکات درسی در قالب
مسئله‌های تشریحی و به همراه تست‌های مربوط به آن نکات به صورت طبقه‌بندی شده در نماهای
مختلف ارائه شده است.

۲) تست‌ها: تست‌ها بخش مهم کتاب را تشکیل می‌دهند که شامل تست‌های کنکور، تست‌های برگزیده از
کتاب درسی و تست‌های تألیفی هستند.

الف- جنبش تست‌ها در هر «نفا» از ساده به سخت بوده تا بتوانید گام به گام پیش‌رفته و پیلیم مهارت‌تان
را بالا ببرید.

ب- معمولاً دانش‌آموزان در ابتدا بدون مطالعه درسامه به سراغ حل تست‌ها می‌روند. اگر چنین کردید و در
تست‌هایی دچار مشکل شدید برای رجوع به درسامه و یادگیری بهتر کافی است به سراغ همان شماره
«نفا» در درسامه بروید.

پ- برای مرور سریع تست‌ها حدود ۳۰٪ آن‌ها را با لوگوی  مشخص کرده‌ایم.

ت- در کنار بعضی از تست‌ها لوگوی  مشاهده می‌کنید. در پاسخ این تست‌ها، یک تست اضافی تحت عنوان
«بازی با سوال» قرار دارد که شما با حل آن می‌توانید اطمینان پیدا کنید که تست مورد نظر را یاد گرفته‌اید.

ث- پنجره روبه‌رو (آزمونک) - پنجره تودرتو (آزمون فصل)
در آزمون‌هایی که شما خواهید دید، تست‌ها طبقه‌بندی ندارند و این شما هستید که باید موضوع تست را تشخیص
دهید. به همین دلیل بین هر دو پنجره پشت سر هم یک بخش به نام پنجره روبه‌رو یا آزمونک و در انتهای
هر فصل یک بخش به نام پنجره تودرتو به عنوان آزمون فصل قرار دارد که در آن‌ها خبری از طبقه‌بندی
تست‌ها نیست و تست‌ها ترتیب مشخص ندارند و در واقع شما یک کتاب با تست‌های ریز طبقه‌بندی و یک
مینی‌کتاب با تست‌های درهم و برهم در اختیار دارید.

ج- پنجره رو به گذشته: در این پنجره مسائل ترکیبی ریسمیک و حرکت‌شناسی با کار و انرژی جنبشی ارائه شده است.



اما جلد دوم یا جلد پاسنامه^۱

تمام زحماتی که شما و ما در رسانه و تست‌ها کشیده ایم، در جلد ۲ به سرانجام می‌رسد. به قول معروف شاهنامه آخرش خوش است. برای همین سعی کردیم در این قسمت کامل‌ترین و بهترین پاسخ‌ها ارائه شود.

به سراغ ویژگی‌های جلد دوم برویم.

خط فکری: بارها شما از ما سرگرم پرسیده‌اید که چرا این مسئله از این راه حل شده یا چرا از این فرمول استفاده می‌کنیم؟ برای پاسخ به این نیز شما، خط فکری ارائه شده تا با خواندن آن شما استراحتی حل مسئله را به دست بیاورید. بنابراین اگر تستی را حل نکرده‌اید، پیشنهاد می‌کنیم که ابتدا خط فکری آن را بخوانید و سعی کنید مسئله را حل کنید. در بیشتر تست‌ها با خواندن خط فکری مشکل شما در حل مسئله برطرف خواهد شد.

نکته: مطالب مهم و مطالبی که باید به آن دقت کنید را تحت عنوان «نکته» آورده‌ایم تا از چشم شما دور نماند.

یادآوری: اگر در حل یک تست نیز به مطلبی باشد که قبلاً بیان شده، برای راحتی شما آن مطلب را دوباره بیان کرده‌ایم.

یادداشت ریاضی: گاهی در حل تست شما به یک مطلب ریاضی نیز دارید که ممکن است آن را به خاطر نداشته باشید از این رو آن مطلب و یا اثبات آن را برای شما آورده‌ایم.

میان‌بر: بعد از حل تشریحی و کامل تست در آخر بعضی از تست‌ها برای سرعت بخشیدن به حل تست راه حل‌های کوتاه با تکیه بر فیزیک و ریاضی ارائه شده است.

بازی با سوال: در برخی از تست‌ها، همان تست به صورت دیگری بیان شده تا اگر شما تست مورد نظر را حل نکرده‌اید، بعد از مطالعه پاسخ، بازی با سوال را حل کرده و با پاسخ ارائه شده مقایسه کنید.

پاسخ پنجره‌های رودرو و تودرتو: در پاسخ این تست‌ها، شماره «نفاک» مربوط به آن تست ارائه شده تا شما متوجه شوید این تست مربوط به چه موضوعی است و در رسانه آن چیست.

در آخر باید بگوییم که پاسخ همه تست‌ها به صورت گام به گام انجام شده تا پله پله با هم تست را به طور کامل حل کرده و یاد بگیریم.

در پایان لازم است از تلاش صمیمانه کارکنان نشر آلو پبلیشرز کنیم، در واحد ویرایش خانم‌ها زهره نوری و زهرا امیدوار و محسن شعبان شمیرانی. همچنین آقای عرفان شاهین‌پور که ویرایش این کتاب بی‌یری ایشان امکان‌پذیر نبود. در واحد حروف چینی از خانم فاضله محسنی و همچنین خانم سکینه مختار مدیر واحد فنی و ویرایش و نیز از همکارانی که نظرات اصلاحی داده‌اند، آقایان علی جیوردی و وحید کرابی قدردانی می‌کنیم.

رضا خالو - امیرعلی میری

۱ با اسکن QR Code یا با مراجعه به سایت نشر لگو به آدرس olgoobooks.ir می‌توانید جلد دوم این کتاب را دانلود کنید.

Date modified	Nome	Date modified	Nome
۲۴۳	پنجره چهار روبه‌روی پنج		فصل اول
۲۴۴	پنجره نودرتو		پنجره اول: مفهوم جابه‌جایی - مکان - مسافت -
۲۴۶	پنجره‌های روبه‌گشتنه		سرعت متوسط - تندی متوسط
	فصل سوم		درس‌نامه
	پنجره اول: مفاهیم اولیه	۲	پرسش‌های چهار گزینده‌ای
۲۵۲	درس‌نامه	۱۴	پنجره دوم: سرعت ثابت، شتاب متوسط، نمودار
۲۶۵	پرسش‌های چهار گزینده‌ای		سرعت - زمان
	پنجره دوم: سامانه جرم - فنر، آونگ	۲۹	درس‌نامه
۲۷۶	درس‌نامه		پرسش‌های چهار گزینده‌ای
۲۸۲	پرسش‌های چهار گزینده‌ای	۴۰	پنجره یک روبه‌روی دو
۲۹۱	پنجره یک روبه‌روی دو	۵۴	پنجره سوم: حرکت با شتاب ثابت روی خط راست
	پنجره سوم: سرعت - شتاب - انرژی -		درس‌نامه
	نشدید نوسانگر	۵۶	پرسش‌های چهار گزینده‌ای
۲۹۲	درس‌نامه	۷۴	پنجره دو روبه‌روی سه
۳۰۰	پرسش‌های چهار گزینده‌ای		پنجره چهارم: بررسی نمودارهای حرکت
۳۱۳	پنجره دو روبه‌روی سه		روی خط راست
	پنجره چهارم: موج و انواع آن	۹۳	درس‌نامه
۳۱۴	درس‌نامه		پرسش‌های چهار گزینده‌ای
۳۲۹	پرسش‌های چهار گزینده‌ای	۱۰۳	پنجره سه روبه‌روی چهار
۳۴۶	پنجره سه روبه‌روی چهار	۱۱۹	پنجره پنجم: سقوط آزاد
	پنجره پنجم: موج طولی و مشخصه‌های آن		درس‌نامه
۳۴۸	درس‌نامه	۱۲۰	پرسش‌های چهار گزینده‌ای
۳۵۶	پرسش‌های چهار گزینده‌ای	۱۲۵	پنجره چهار روبه‌روی پنج
۳۶۹	پنجره چهار روبه‌روی پنج	۱۳۲	پنجره نودرتو
۳۷۰	پنجره نودرتو	۱۳۳	فصل دوم
	فصل چهارم		پنجره اول: قانون‌های حرکت (قانون‌های نیوتون)
	پنجره اول: بازتاب		درس‌نامه
۳۷۴	درس‌نامه	۱۳۸	پرسش‌های چهار گزینده‌ای
۳۷۹	پرسش‌های چهار گزینده‌ای	۱۴۵	پنجره دوم: نیروهای خاص (نیروی وزن،
	پنجره دوم: شکست		مقاومت بشاره،
۳۸۷	درس‌نامه		کشش نخ، کشسانی فنر و نیروی عمودی سطح)
۳۹۷	پرسش‌های چهار گزینده‌ای		درس‌نامه
۴۱۰	پنجره یک روبه‌روی دو	۱۵۳	پرسش‌های چهار گزینده‌ای
	پنجره سوم: پراش - تداخل	۱۶۲	پنجره یک روبه‌روی دو
۴۱۲	درس‌نامه	۱۷۱	پنجره سوم: نیروی اصطکاک، تعادل، کشش
۴۱۹	پرسش‌های چهار گزینده‌ای		در راستای قائم، آسانسور
۴۲۸	پنجره دو روبه‌روی سه		درس‌نامه
	پنجره چهارم: برهم‌کنش‌های موج	۱۷۳	پرسش‌های چهار گزینده‌ای
۴۲۹	درس‌نامه	۱۸۵	پنجره دو روبه‌روی سه
۴۳۶	پرسش‌های چهار گزینده‌ای		پنجره چهارم: نکانه
۴۴۵	پنجره سه روبه‌روی چهار	۲۰۴	درس‌نامه
	پنجره پنجم: تشکیل موج ایستاده در امواج	۲۰۵	پرسش‌های چهار گزینده‌ای
	صوتی و امواج الکترومغناطیسی	۲۱۱	پنجره سه روبه‌روی چهار
۴۴۶	درس‌نامه	۲۱۸	پنجره پنجم: سینماتیک حرکت دایره‌ای
۴۴۸	پرسش‌های چهار گزینده‌ای		درس‌نامه
۴۵۱	پنجره نودرتو	۲۱۹	پرسش‌های چهار گزینده‌ای
		۲۳۱	



مفهوم جابه‌جایی - مکان - مسافت - سرعت متوسط - تندی متوسط



یادم می‌آید سر کلاس درس از دانش‌آموزان پرسیدم «یک جسم ساکن مثال بزنید»، در پاسخ، بعضی از شاگردان تخته سیاه و یا میز جلویشان را مثال زدند. پرسیدم «حالا بگویید که فاصله شما از سطح زمین چقدر است؟» تقریباً همه پاسخ دادند «صفر». پرسیدم در پاسخ پرسش اول من آیا به این توجه کرده‌اید که این میز و تخته سیاه به همراه کره زمین به دور خورشید می‌چرخند؟ آیا اصولاً می‌توانید جسم ساکنی را در جهان پیرامون خود مشخص کنید؟ چرا تخته سیاه یا میز را ساکن در نظر گرفتید؟ یکی از دانش‌آموزان گفت: «چون اون‌ها رو نسبت به خودمون سنجیدیم». گفتم پس برای بررسی سکون و حرکت جسم معمولاً آن را یا یک مبدأ اختیاری مقایسه می‌کنیم که معمولاً خود را مبدأ می‌گیریم. سپس گفتم این مدرسه دو طبقه است و ما در طبقه دوم آن قرار داریم و وقتی من سوال کردم که فاصله شما از زمین چقدر است پاسخ دادید «صفر». در واقع شما مجدداً برای آن که مکان خود را اعلام کنید، محل قرار گرفتن خود را مبدأ در نظر گرفتید و چنانچه کف طبقه اول را مبدأ می‌گرفتید، پاسخ شما تغییر می‌کرد یعنی برای بیان مکان یک جسم، آن را نسبت به یک مبدأ می‌سنجیم.

بعد با هم به این نتیجه رسیدیم که در بررسی سکون و حرکت و مکان هر جسم به یک مبدأ مقایسه نیاز داریم. قبل از اینکه بخواهیم درس این فصل را آغاز کنیم لازم است دو مفهوم کمیت نرده‌ای و برداری را یادآوری کنیم.

کمیت برداری

کمیت‌هایی که علاوه بر عدد و یکا برای بیان کردن آن‌ها به جهت هم نیاز است. به‌طور مثال اگر به شما بگویم که از در کلاس ۳m فاصله بگیر شما خواهید گفت به کدام سمت؟ به سمت داخل کلاس، خارج کلاس یا ...؟ پس برای مکان جهت هم مهم است.

کمیت نرده‌ای

کمیت‌هایی که برای بیان تنها به عدد و یکای مناسب نیاز دارند. به‌طور مثال برای بیان زمان تنها باید یک عدد و یکا استفاده شود.

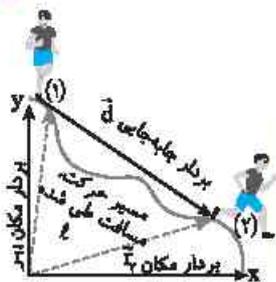
زمانی ۱ مفهوم مکان، مسافت و جابه‌جایی

مسافت: طول مسیری که متحرک طی می‌کند را مسافت گویند. این کمیت نرده‌ای بوده و مقدر آن همواره مثبت است. یکای مسافت در SI متر است.

برداری جابه‌جایی: به برداری که مکان اولیه متحرک را به مکان ثانویه متحرک وصل می‌کند، بردار جابه‌جایی گویند که یکای SI آن متر است.

برداری مکان: مکان یک جسم یک کمیت برداری است که توسط برداری نمایش داده می‌شود که مبدأ اختیاری (مبدأ مختصات) را به محل جسم وصل می‌کند. یکای بردار مکان در SI متر است.

به‌طور مثال در شکل زیر، بردارهای \vec{r}_1 و \vec{r}_2 بردار مکان متحرک در مکان‌های (۱) و (۲) است و \vec{d} بردار جابه‌جایی است و طول مسیر l مسافت طی شده است.

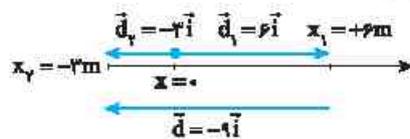


نکته ۱ بردار جابه‌جایی برابر تفاضل بردار مکان نهایی و بردار مکان ابتدایی است:

$$\vec{d} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$$

۲ بردار مکان یا تغییر مبدأ مکان اختیاری، تغییر می‌کند اما بردار جابه‌جایی ثابت است.

سلب ۱ خودرویی روی محور x ها حرکت می‌کند. این خودرو در مبدأ زمان ($t_1 = 0$) در مکان $x_1 = +6m$ و در لحظه t_2 در مکان $x_2 = -3m$ قرار دارد. بردارهای مکان در t_1 و t_2 و بردار جابه‌جایی را در بازه t_1 تا t_2 رسم کنید.



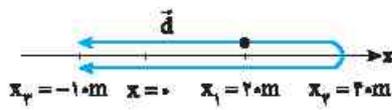
۲ محور x ها را رسم کرده و مبدأ مکان (حرکت) را مشخص می‌کنیم. بردارهای \vec{d}_1 و \vec{d}_2 بردارهای مکان در لحظه t_1 و t_2 و بردار $\vec{d} = -9\vec{i}$ بردار جابه‌جایی است.

نکته ۱ برای یک متحرک همواره مسافت طی شده (l) از اندازه جابه‌جایی ($|\vec{d}|$) بزرگتر و یا با آن برابر است: $|\vec{d}| \leq l$

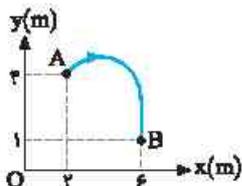
۲ زمانی که متحرک روی خط راست در حرکت باشد و جهت حرکت آن تغییر نکند، مسافت طی شده و اندازه جابه‌جایی با هم برابر است $|\vec{d}| = l$

۳ اگر متحرک روی محور x ها از مکان \vec{x}_1 به مکان \vec{x}_2 برود، جابه‌جایی آن برابر است با: $\Delta \vec{x} = \vec{x}_2 - \vec{x}_1$

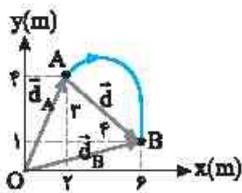
مسئله ۲ دانش آموزی روی محور x ها ابتدا از مکان $+20\text{ m}$ به مکان $+40\text{ m}$ می‌رود، سپس به مکان -10 m برمی‌گردد. مسافت طی شده توسط دانش آموز و بردار جابه‌جایی او را مشخص کنید.



پاسخ مکان‌ها را مطابق شکل روبه‌رو روی محور x ها مشخص می‌کنیم. متحرک مطابق شکل از مکان 20 m به مکان 40 m رفته سپس به مکان -10 m برمی‌گردد. بنابراین مسافت طی‌شده برابر است با:
 $\ell = 20 + 40 + 10 = 70\text{ m}$
 بردار جابه‌جایی از مکان ابتدایی ($x_1 = +20\text{ m}$) به مکان پایانی ($x_2 = -10\text{ m}$) رسم می‌شود و برابر $\vec{d} = -30\vec{i}$ است.



مسئله ۳ مطابق شکل، یک متحرک روی مسیر خمیده از نقطه A به نقطه B می‌رود. بردارهای مکان و جابه‌جایی را رسم کنید و این بردارها را برحسب بردارهای یک \vec{i} و \vec{j} بیان کنید. (ب) بزرگی بردار جابه‌جایی از A تا B را به دست آورید.



پاسخ الف) از مبدأ مکان بردارهایی به نقاط A و B رسم می‌کنیم. بردارهای \vec{d}_A و \vec{d}_B بردار مکان و بردار \vec{d} بردار جابه‌جایی است.

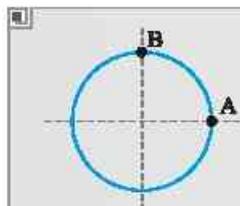
$$\vec{d}_A = 2\vec{i} + 4\vec{j}$$

$$\vec{d}_B = 6\vec{i} + \vec{j}$$

$$\Rightarrow \vec{d} = \vec{d}_B - \vec{d}_A = 4\vec{i} - 3\vec{j}$$

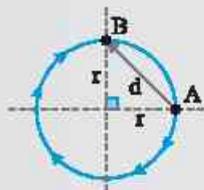
ب) اندازه بردار جابه‌جایی را به کمک قضیه فیثاغورس به دست می‌آوریم:

$$AB = \sqrt{(4)^2 + (-3)^2} = 5\text{ m}$$



مسئله ۱ در شکل روبه‌رو مسیر حرکت متحرکی که روی مسیر دایره‌ای به صورت ساعتگرد در حال چرخیدن است نشان داده شده است. مسافت پیموده شده توسط متحرک از A تا B چند برابر جابه‌جایی آن در همان مسیر است؟ ($\pi = 3$)

- (۱) $\frac{9\sqrt{2}}{4}$
- (۲) $9\sqrt{2}$
- (۳) $\frac{5\sqrt{2}}{2}$
- (۴) $\frac{7\sqrt{2}}{4}$



متحرک از نقطه A ساعتگرد به نقطه B می‌رود، بنابراین مسافت طی شده آن $\frac{3}{4}$ محیط دایره است.

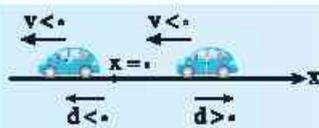
$$\ell = \frac{3}{4}(2\pi r) \Rightarrow \ell = \frac{3}{2}\pi r \xrightarrow{\pi=3} \ell = \frac{9}{2}r$$

بردار جابه‌جایی را از نقطه A به نقطه B رسم می‌کنیم و اندازه جابه‌جایی را به کمک رابطه فیثاغورس به دست می‌آوریم.

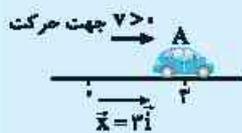
$$d = \sqrt{r^2 + r^2} \Rightarrow d = \sqrt{2}r$$

$$\frac{\ell}{d} = \frac{\frac{9}{2}r}{\sqrt{2}r} = \frac{9\sqrt{2}}{4}$$

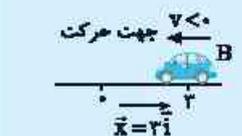
نسبت $\frac{\ell}{d}$ خواهد شد:



مسئله ۱ با توجه به ریاضی هر برداری که در جهت مثبت محور باشد، آن بردار مثبت و هر برداری که در جهت منفی محور باشد، آن بردار منفی است و این موضوع برای تمام کمیت‌های برداری که روی یک محور قرار دارند صادق است.



مسئله ۲ جهت بردار مکان جهت حرکت جسم را مشخص نمی‌کند، به‌طور مثال در شکل مقابل در هر دو حالت بردار مکان $\vec{x} = 2\vec{i}$ است اما جهت حرکت متحرک A در جهت مثبت محور x ها است (به سمت راست) و جهت حرکت متحرک B خلاف جهت محور x ها (به سمت چپ) است.



مثال ۴ معادله حرکت (معادله مکان - زمان) رابطه ریاضی مکان بر حسب زمان است که در هر لحظه مکان جسم را به صورت تابعی از زمان مشخص می کند.

$$x = f(t)$$

به طور مثال اگر معادله مکان متحرکی به صورت $x = 2t - 1$ در SI باشد مکان متحرک در $t = 1s$ برابر $x = 2(1) - 1 = 1m$ است و در هر لحظه مکان را می توان به دست آورد.

مسئله ۴ معادله حرکت جسمی در SI به صورت $x = 2t^2 - 12t + 10$ است. الف) مکان در $t = 4s$ را بیابید. ب) در بازه $t_1 = 2s$ تا $t_2 = 4s$ چند ثانیه بردار مکان متحرک در جهت خلاف محور x ها است؟

$$x = 2(4)^2 - 12 \times 4 + 10 = -6m$$

الف) در معادله به جای t را $4s$ قرار می دهیم و مکان را به دست می آوریم.

ب) معادله مکان - زمان تابع درجه ۲ است. برای آنکه مشخص کنیم جهت بردار مکان در خلاف جهت محور x ها باشد یعنی $x < 0$ باشد باید معادله را تعیین علامت کنیم. ریشه های معادله را به دست می آوریم.

$$x = 2t^2 - 12t + 10 \xrightarrow{x=0} 2t^2 - 12t + 10 = 0 \Rightarrow t^2 - 6t + 5 = 0 \Rightarrow (t-1)(t-5) = 0 \Rightarrow t = 1s, t = 5s$$

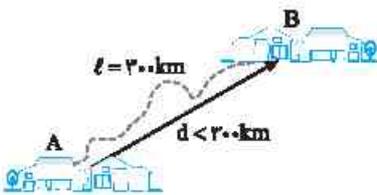
نکته در تعیین علامت تابع درجه ۲ ($y = ax^2 + bx + c$)، علامت تابع بین دو ریشه مخالف علامت a و بیرون دو ریشه موافق علامت a است.

t	0	1	5	+∞
x		+	-	+

بنابراین در بازه $t = 1s$ تا $t = 5s$ بردار مکان در خلاف جهت محور x هاست. یعنی در کل مدت $2s$ تا $4s$ بردار مکان منفی است.

۲ **تندی متوسط و سرعت متوسط**

به طور مثال اگر از ما بپرسند که شخصی با اتومبیل فاصله بین دو شهر را که $300km$ است در مدت $5h$ طی می کند، سرعت ماشین او چقدر است، ما به راحتی پاسخ می دهیم که $\frac{300}{5} = 60 km/h$. این عدد که ما بعد سست می آوریم در واقع حاصل از تقسیم طول مسیر طی شده (مسافت) به بازه زمانی (Δt) است که در فیزیک به آن **تندی متوسط** می گوئیم. راستی مادر فیزیک دو مفهوم تندی و سرعت داریم که به اشتباه در زندگی روزمره از هر دو آن ها به یک معنا استفاده می کنیم، حالا بریم سراغ تعریف این دو کمیت و مقایسه آن ها با هم.



سرعت متوسط: نسبت جابه جایی به زمان جابه جایی را گویند: $\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t}$
این کمیت برداری بوده و همواره هم جهت با بردار جابه جایی است. یکای آن در SI، m/s است.

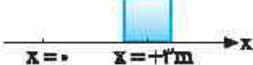
تندی متوسط: نسبت مسافت طی شده به زمان را گویند. $s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t}$
این کمیت نرده ای است. یکای آن در SI، m/s است.

نکته برای یک بازه زمانی مشخص همواره تندی متوسط بزرگ تر و یا مساوی بزرگی سرعت متوسط خواهد بود. ($s_{av} \geq |v_{av}|$)

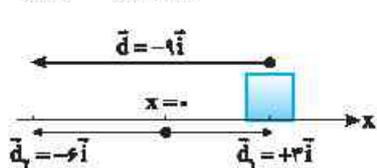
جمع بندی کمیت هایی که تا الان تعریف کردیم:

نام کمیت	نوع کمیت	یکای در SI	مفهوم	نکته مهم	مقایسه اندازه آن ها
مسافت (ℓ)	نرده ای	m	طول مسیر طی شده	به مسیر حرکت بستگی دارد.	$\ell \geq d $
جابه جایی (\vec{d})	برداری	m	برداری که مکان اولیه را به مکان ثانویه وصل می کند	به مسیر حرکت بستگی ندارد.	
سرعت متوسط (\vec{v}_{av})	برداری	m/s	نسبت جابه جایی به زمان	به مسیر حرکت بستگی ندارد.	$s_{av} \geq v_{av} $
تندی متوسط (s_{av})	نرده ای	m/s	نسبت مسافت به زمان	به مسیر حرکت بستگی دارد.	

مسئله ۵ متحرکی روی خط راست در خلاف جهت محور x در حرکت است و در مبدأ زمان ($t_1 = 0$) از مکان



$x = +3m$ و در لحظه $t_2 = 2s$ از مکان $x = -6m$ می گذرد. سرعت متوسط و تندی متوسط را به دست آورید.



نکته مطابق شکل روبه رو بردارهای مکان را رسم کرده سپس به کمک شکل مسافت و جابه جایی را به دست می آوریم.

تندی متوسط و سرعت متوسط برابر است با:

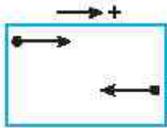
$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{9}{2} = 4.5 m/s, \vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} = \frac{-9\vec{i}}{2} = -4.5\vec{i}$$

مثله ۱ در رابطه تندی متوسط و سرعت متوسط $(\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t}, s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t})$ منظور از Δt بازه زمانی حرکت است. به طور مثال اگر حرکت متحرک از دو بخش تشکیل شده باشد که بخش اول در ۴s و بخش دوم در ۳s طی شده باشد، کل زمان حرکت برابر ۳+۴ یعنی ۷s است.

۲ اگر متحرک در حال حرکت باشد، به شرطی در یک بازه زمانی سرعت متوسط صفر می شود که جابه جایی متحرک در آن بازه زمانی صفر شده باشد، در واقع متحرک به مکان اولیه خود بازگشته باشد.



مثله ۶ شناگری طول یک استخر ۵۰ متری را هنگام رفت در ۴۰s و هنگام برگشت در ۵۰s طی می کند. مطلوب است تندی متوسط و سرعت متوسط این شناگر. (الف) در مدت رفت / (ب) در مدت برگشت / (پ) در کل مدت رفت و برگشت.



$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow v_{av} = \frac{+50}{40} = 1/25 \text{ m/s} \Rightarrow \vec{v}_{av} = 1/25 \vec{i}$$

تندی متوسط برابر $s_{av} = 1/25 \text{ m/s}$ است.

(ب) سرعت متوسط در مدت برگشت:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow v_{av} = \frac{-50}{50} = -1 \text{ m/s} \Rightarrow \vec{v}_{av} = -1 \vec{i}$$

تندی متوسط برابر $s_{av} = 1 \text{ m/s}$ است.

(پ) تندی متوسط در کل مسیر رفت و برگشت برابر است با:

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{50+50}{40+50} = \frac{100}{9} \text{ m/s}$$

اما سرعت متوسط در کل زمان رفت و برگشت صفر است، زیرا جابه جایی صفر است:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta x=0} v_{av} = 0$$

مثله ۲ مسافت و تندی متوسط به مسیر حرکت بستگی دارد و برای به دست آوردن آن ها مسیر حرکت باید مشخص باشد.

مثله ۲ متحرکی روی محور xها در لحظه $t=1\text{s}$ از مکان $x=+3\text{m}$ و در لحظه $t=3\text{s}$ از مکان $x=-2\text{m}$ می گذرد. در این بازه زمانی به ترتیب از راست به چپ سرعت متوسط و تندی متوسط متحرک در SI کدام است؟

(۱) ۲/۵، ۲/۵ (۲) ۲/۵، -۲/۵ (۳) -۲/۵، ۲/۵ (۴) -۲/۵، قابل محاسبه نیست.

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-2-3}{3-1} = -2/2 \text{ m/s}$$

سرعت متوسط برابر است با:

چون مسیر حرکت مشخص نیست نمی توان تندی متوسط را به دست آورد.

تمرین ۳ بررسی تندی متوسط و سرعت متوسط در حرکت چند مرحله ای

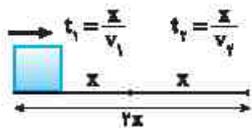
یک متحرک ممکن است یک مسیر حرکت را با چند سرعت متوسط مختلف طی کند، معمولاً این گونه سوالات دو تیب معروف دارند: (الف) در سؤال به شما سرعت متوسط و جابه جایی مربوط به آن را در بخش های مختلف حرکت می دهند:

$$\vec{v}_{av, \text{کل}} = \frac{\Delta \vec{x}_{\text{کل}}}{\Delta t_{\text{کل}}} \Rightarrow v_{av, \text{کل}} = \frac{\vec{d}_1 + \vec{d}_2 + \dots}{t_1 + t_2 + \dots} \xrightarrow{v_{av} = \frac{d}{t} \Rightarrow t = \frac{d}{v_{av}}} \vec{v}_{av, \text{کل}} = \frac{\vec{d}_1 + \vec{d}_2 + \dots}{\frac{d_1}{v_{av_1}} + \frac{d_2}{v_{av_2}} + \dots}$$

(ب) در صورت سؤال سرعت متوسط در بازه های زمانی مختلف را به شما می دهند:

$$\vec{v}_{av, \text{کل}} = \frac{\Delta \vec{x}_{\text{کل}}}{\Delta t_{\text{کل}}} \Rightarrow \vec{v}_{av, \text{کل}} = \frac{\vec{d}_1 + \vec{d}_2 + \dots}{t_1 + t_2 + \dots} \xrightarrow{v_{av} = \frac{d}{t} \Rightarrow d = v_{av} t} \vec{v}_{av, \text{کل}} = \frac{\vec{v}_{av_1} t_1 + \vec{v}_{av_2} t_2 + \dots}{t_1 + t_2 + \dots}$$

مثال ۷ متحرکی روی خط راست در حال حرکت است. در هریک از حالت‌های زیر سرعت متوسط در کل مسیر را به دست آورید.
 الف) اگر متحرک نصف مسیر را با سرعت متوسط 20 m/s و نصف دیگر آن را در همان جهت با سرعت متوسط 40 m/s طی کند.
 ب) نصف بازه زمانی حرکت را با سرعت متوسط 20 m/s و نصف دیگر بازه زمانی حرکت را در همان جهت با سرعت 40 m/s طی کند.



پاسخ الف) اگر هر نیمه مسیر را x بنامیم. کل مسیر $2x$ خواهد شد. زمان در هر قسمت را برحسب x و سرعت به دست می‌آوریم.
 $x = vt \Rightarrow t_1 = \frac{x}{v_1} \Rightarrow t_1 = \frac{x}{20}$; $t_2 = \frac{x}{v_2} \Rightarrow t_2 = \frac{x}{40}$

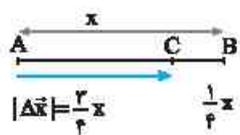
سرعت متوسط خواهد شد:

$$v_{av} = \frac{x_1 + x_2}{t_1 + t_2} = \frac{2x}{\frac{x}{20} + \frac{x}{40}} \Rightarrow v_{av} = \frac{2}{\frac{1}{20} + \frac{1}{40}} = \frac{2}{\frac{3}{40}} = \frac{80}{3} \text{ m/s}$$

ب) در این قسمت متحرک در دو بازه زمانی یکسان با سرعت‌های متوسط متفاوت مسیر را طی کرده است و سرعت متوسط خواهد شد:

$$v_{av} = \frac{x_1 + x_2}{t_1 + t_2} = \frac{v_1 t_1 + v_2 t_2}{t_1 + t_2} \quad t_1 = t_2 \Rightarrow v_{av} = \frac{(v_1 + v_2)t_1}{2t_1} \Rightarrow v_{av} = \frac{v_1 + v_2}{2} \Rightarrow v_{av} = \frac{20 + 40}{2} = 30 \text{ m/s}$$

مثال ۸ متحرکی با تندی 50 m/s روی خط راست. مسیر A تا B را طی می‌کند و سپس $\frac{1}{4}$ همین مسیر را از B به سوی A با تندی 20 m/s باز می‌گردد. الف) بزرگی سرعت متوسط را در کل جابه‌جایی بیابید. ب) تندی متوسط را در این بازه حرکتی به دست آورید.



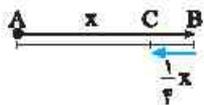
پاسخ الف) با توجه به شکل زیر، زمان حرکت را از A تا B و سپس از B تا C به دست آورده، با هم جمع می‌کنیم تا زمان کل حرکت به دست آید. طول مسیر از A تا B را x فرض می‌کنیم. بنابراین خواهیم داشت:

$$\Delta t_{AB} = \frac{x}{v} \Rightarrow \Delta t_{AB} = \frac{x}{50} ; \Delta t_{BC} = \frac{\frac{1}{4}x}{20} \Rightarrow \Delta t_{BC} = \frac{x}{80} \Rightarrow \Delta t_{\text{کل}} = \frac{x}{50} + \frac{x}{80} = \frac{13x}{400}$$

مطابق شکل جابه‌جایی متحرک برابر برداری است که از A به C رسم می‌شود. یعنی $\Delta x = \frac{3}{4}x$ است.

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow v_{av} = \frac{\frac{3}{4}x}{\frac{13x}{400}} = \frac{300}{13} \text{ m/s}$$

حال می‌توان بزرگی سرعت متوسط را به دست آورد:



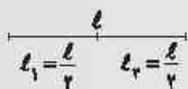
$$\ell = x + \frac{x}{4} = \frac{5x}{4}$$

ب) برای تندی متوسط، مسافت طی شده را به دست می‌آوریم.

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{\frac{5x}{4}}{\frac{13x}{400}} = \frac{500}{13} \text{ m/s}$$

مثال ۳ متحرک A نصف مسیر مستقیمی را با تندی 40 m/s و بقیه مسیر را در همان جهت با تندی 60 m/s طی می‌کند. متحرک B تمام مسیر را با تندی 50 m/s طی می‌کند. اگر دو متحرک هم‌زمان شروع به حرکت کنند:

- (۱) هر دو با هم به انتهای مسیر می‌رسند.
- (۲) متحرک A زودتر به انتهای مسیر می‌رسد.
- (۳) متحرک B زودتر به انتهای مسیر می‌رسد.
- (۴) اظهار نظر قطعی میسر نیست.



پاسخ ابتدا باید تندی متوسط متحرک A را بیابیم. اگر شما به اشتباه تصور کنید که تندی متوسط، برابر میانگین تندی‌ها است؛ به این نتیجه خواهید رسید که تندی متوسط A برابر $\frac{40+60}{2} = 50\text{ m/s}$ و با تندی B مساوی است و هر دو با هم به انتهای مسیر می‌رسند که نتیجه‌گیری نادرستی خواهد بود. برای این منظور ابتدا باید زمان را در هر قسمت به دست آورد. اگر طول مسیر را ℓ فرض کنیم طول هر قسمت $\frac{\ell}{2}$ می‌شود و بازه‌های زمانی خواهد شد:

$$\Delta t_1 = \frac{\frac{\ell}{2}}{v_1} = \frac{\ell}{2v_1} ; \Delta t_2 = \frac{\frac{\ell}{2}}{v_2} ; v_{av} = \frac{\ell_1 + \ell_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2} \Rightarrow v_{av} = \frac{\ell}{\frac{\ell}{2v_1} + \frac{\ell}{2v_2}} \Rightarrow v_{av} = \frac{2v_1 v_2}{v_1 + v_2}$$

$$v_{av_A} = \frac{2 \times 40 \times 60}{40 + 60} \Rightarrow v_{av_A} = 48 \text{ m/s} \Rightarrow v_{av_A} < v_B$$

در این صورت:

پس متحرک B زودتر به انتهای مسیر می‌رسد.

مسئله ۴ در شکل روبه‌رو، متحرکی کمان نیم‌دایره AB را با تندی $15/7 \text{ m/s}$ می‌پیماید. بزرگی سرعت متوسط آن چند متر بر ثانیه است؟ ($\pi \approx 3/14$)

۱) $15/7$ ۲) 10 ۳) 5 ۴) $3/14$

مسافت طی شده برابر نصف محیط دایره است، پس زمان طی مسیر برابر است با:

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{\ell}{s_{av}} \quad \ell = \pi R \rightarrow \Delta t = \frac{3/14 \times R}{15/7} \Rightarrow \Delta t = \frac{R}{5}$$

جابجایی برابر قطر دایره ($2R$) است.

$$v_{av} = \frac{|\vec{d}|}{\Delta t} \Rightarrow v_{av} = \frac{2R}{R/5} \Rightarrow v_{av} = 10 \text{ m/s}$$

سرعت متوسط خواهد شد:

گزینه ۲

مسئله ۹ در شکل روبه‌رو، نقطه A روی محیط یک حلقه به شعاع 5 cm قرار دارد. اگر حلقه در مدت $0/2 \text{ s}$ روی سطح افقی یک دور بگردد، اندازه سرعت متوسط آن چند متر بر ثانیه است؟ ($\pi = 3/14$)

وقتی حلقه به اندازه یک دور بچرخد، نقطه A به اندازه محیط دایره در امتداد سطح افقی جابه‌جایی شود.

$$v_{av} = \frac{|\vec{d}|}{\Delta t} = \frac{2 \times \pi \times 5/10}{0/2} \Rightarrow v_{av} = 5\pi = 15/7 \text{ m/s}$$

گزینه ۲

حل چند مسأله خاص

هرگاه متحرک از مکان \vec{r}_1 به مکان \vec{r}_2 می‌رود، جابه‌جایی متحرک خواهد شد:

$$\vec{d} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$$

و هرگاه متحرک جابه‌جایی \vec{d}_1 و سپس جابه‌جایی \vec{d}_2 را بپیماید جابه‌جایی کل متحرک خواهد شد:

$$\vec{d} = \vec{d}_1 + \vec{d}_2$$

مسئله ۵ متحرکی در صفحه افقی xoy، در لحظه $t_1 = 1 \text{ s}$ در مکان $\vec{r}_1 = 4\vec{i} + 11\vec{j}$ و در لحظه $t_2 = 3 \text{ s}$ در مکان $\vec{r}_2 = -\vec{i} - \vec{j}$ قرار دارد. کدام گزینه بردار سرعت متوسط را نشان می‌دهد؟ (یکایا در SI هستند.)

۱) $\vec{v}_{av} = -2/5\vec{i} - 6\vec{j}$ ۲) $\vec{v}_{av} = 1/5\vec{i} + 5\vec{j}$ ۳) $\vec{v}_{av} = 2/5\vec{i} + 6\vec{j}$ ۴) $\vec{v}_{av} = -1/5\vec{i} + 5\vec{j}$

ابتدا بردار جابه‌جایی را به دست می‌آوریم سپس بردار سرعت متوسط را حساب می‌کنیم.

$$\vec{d} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1 = (-\vec{i} - \vec{j}) - (4\vec{i} + 11\vec{j}) = -5\vec{i} - 12\vec{j}, \quad \vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} = \frac{-5\vec{i} - 12\vec{j}}{3-1} \Rightarrow \vec{v}_{av} = -2/5\vec{i} - 6\vec{j}$$

گزینه ۱

مسئله ۶ متحرکی در صفحه افقی xoy در مدت $\Delta t_1 = 1 \text{ s}$ جابه‌جایی $\vec{d}_1 = 4\vec{i} + 11\vec{j}$ و سپس در مدت $\Delta t_2 = 3 \text{ s}$ جابه‌جایی $\vec{d}_2 = -\vec{i} - \vec{j}$ را می‌پیماید. بردار سرعت متوسط کدام است؟ (یکایا در SI هستند.)

۱) $\vec{v}_{av} = -2/5\vec{i} - 6\vec{j}$ ۲) $\vec{v}_{av} = 1/5\vec{i} + 5\vec{j}$ ۳) $\vec{v}_{av} = 2/5\vec{i} + 6\vec{j}$ ۴) $\vec{v}_{av} = -1/5\vec{i} + 2/5\vec{j}$

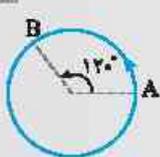
در حل این تست دقت کنید که \vec{d}_1 و \vec{d}_2 جابه‌جایی هستند (شکل روبه‌رو)، در این صورت بردار جابه‌جایی کل خواهد شد:

$$\vec{d} = \vec{d}_1 + \vec{d}_2 = 3\vec{i} + 10\vec{j} \rightarrow \vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} = \frac{3\vec{i} + 10\vec{j}}{3-1} = 1/5\vec{i} + 5\vec{j}$$

گزینه ۲

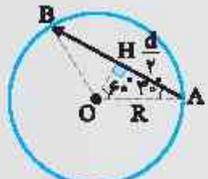
این نوع مسائل جزء برنامه رسمی کتاب درسی نیست، اما برای شما که وارد دانشگاه می‌شوید مفید است.

۷ در شکل روبه‌رو متحرکی روی دایره‌ای به شعاع 10 متر، کمان A تا B را در مدت Δs می‌پیماید. اندازه سرعت متوسط از A تا B چند متر بر ثانیه است؟



(۱) ۲
(۲) $2\sqrt{3}$
(۳) $\frac{4\pi}{3}$
(۴) $\frac{4\pi\sqrt{3}}{3}$

پاسخ: بردار جابه‌جایی را از A تا B رسم می‌کنیم و نام آن را d می‌گذاریم. مثلث OAB متساوی‌الساقین است. ارتفاع OH را رسم می‌کنیم. در این صورت $AH=BH=\frac{d}{2}$ است. حال برای مثلث OHB می‌توانیم بنویسیم:



با توجه به شکل:

$$\sin 60^\circ = \frac{d/2}{R} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{d}{2R} \Rightarrow d = \sqrt{3}R \Rightarrow d = 10\sqrt{3}\text{m}$$

$$v_{av} = \frac{d}{\Delta t} \Rightarrow v_{av} = \frac{10\sqrt{3}}{\Delta t} = 2\sqrt{3}\text{m/s}$$

گزینه ۲ ✓

۴ بررسی سرعت متوسط* و بردار مکان با معادله حرکت

در بعضی از مسائل ولاگانی خاص برای بیان بلزهای زمانی و یا لحظه‌های موردنظر استفاده می‌شود که گاهی باعث سردرگمی شما می‌شود. در جدول زیر رایج‌ترین اصطلاحات در این زمینه را بیان می‌کنیم.

اصطلاح زمانی بیان شده	نمونه
لحظه t منظور دقیقاً همان لحظه است.	سرعت در لحظه $t=4s$ یعنی سرعت لحظه‌ای در لحظه $t=4s$
ثانیه t م یعنی بلزه زمانی $t-1$ تا t	جابه‌جایی در ثانیه چهارم یعنی جابه‌جایی در بازه $t=3s$ تا $t=4s$
m ثانیه m ام یعنی بلزه زمانی به بلزهای m ثانیه، m ثانیه تقسیم شده و ما باید n امین قسمت m ثانیه‌ای را بررسی کنیم. گنج شدید نگران نباشید نمونه را بررسی کنید.	۲ ثانیه سوم: یعنی بلزهای زمانی ۲ ثانیه است و سومین قسمت مورد نظر ماست. ۲ ثانیه اول: ۰ تا ۲ ۲ ثانیه دوم: ۲s تا ۴s ۲ ثانیه سوم: ۴s تا ۶s این بلزه مورد نظر است.

در واقع وقتی بیان می‌شود که ۳ ثانیه دوم یعنی کل مدت $3 \times 2 = 6s$ است که ما قسمت ۳ ثانیه دوم آن یعنی از $t=3s$ تا $t=6s$ را باید در نظر بگیریم.

۱۰ معادله حرکت جسمی در SI به صورت $x = t^3 - 2t^2 + 1$ است. الف) سرعت متوسط در Δs آغازین حرکت را بیابید. ب) سرعت متوسط در ثانیه پنجم حرکت را حساب کنید.

پاسخ: الف) ۵ ثانیه آغازین حرکت یعنی بازه $t_1 = 0$ تا $t_2 = 5s$. از این‌رو در لحظه $t = 0$ و $t = 5s$ مکان جسم را به دست می‌آوریم:

$$t_1 = 0 \Rightarrow x_1 = 1\text{m}, t_2 = 5s \Rightarrow x_2 = 125 - 50 + 1 = 76\text{m} \Rightarrow \Delta x = 76 - 1 = 75\text{m}$$

سرعت متوسط خواهد شد:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow v_{av} = \frac{75}{5-0} = 15\text{m/s}$$

ب) ثانیه پنجم یعنی بلزه زمانی بین $t_1 = 4s$ و $t_2 = 5s$. مکان در این دو لحظه را به دست آورده از هم کم کرده و جابه‌جایی را به دست می‌آوریم.

$$x = t^3 - 2t^2 + 1 \Rightarrow \begin{cases} t_1 = 4s \rightarrow x_1 = 64 - 32 + 1 \Rightarrow x_1 = 33\text{m} \\ t_2 = 5s \rightarrow x_2 = 125 - 50 + 1 = 76\text{m} \end{cases}$$

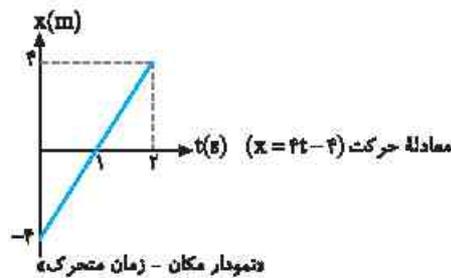
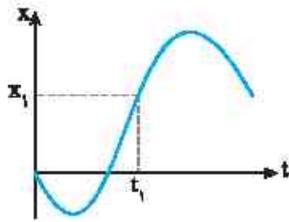
$$d = 76 - 33 \Rightarrow d = 43\text{m}$$

$$v_{av} = \frac{d}{\Delta t} = \frac{43}{1} = 43\text{m/s}$$

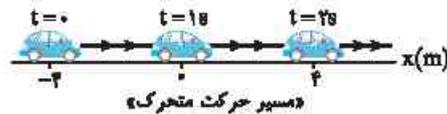
سرعت متوسط در ثانیه پنجم برابر است با:

* به دست آوردن تندی متوسط به کمک معادله حرکت را در بخش‌های بعدی فراموش نکنید.

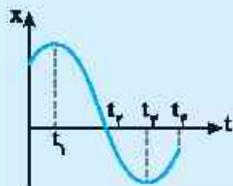
تمرین ۵ بررسی مکان، مسافت و جابه‌جایی در نمودار مکان - زمان



برای هر حرکتی می‌توان معادله مکان - زمان $x = f(t)$ نوشته و در هر لحظه، مکان متحرک را مشخص کرد. در ریاضی فراگرفتیم که برای هر تابع می‌توان نمودار رسم کرد. در نتیجه برای هر متحرکی با داشتن معادله حرکت آن می‌توان نمودار مکان - زمانی شبیه شکل روبه‌رو رسم کرد و در هر لحظه مانند t_1 مکان متحرک مانند x_1 را مشخص کرد. به‌طور مثال اگر معادله حرکت متحرک به‌صورت تابع درجه اول $x = 4t - 4$ باشد، شما به‌سادگی می‌توانید نمودار مکان - زمان آن را که یک خط راست مایل بوده مطابق شکل رسم کنید. راستی این نمودار مسیر حرکت نیست یعنی متحرک روی این نمودار سربالایی نمی‌رود بلکه مسیر حرکت آن مطابق شکل زیر خط راست است.

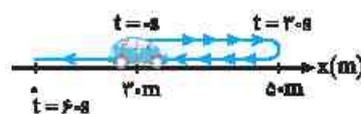
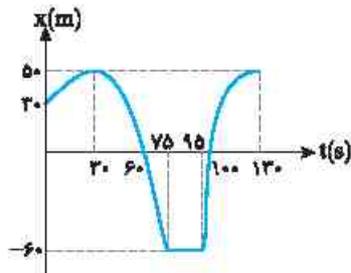


۱. در نمودار مکان - زمان اگر نمودار بالای محور زمان باشد، مکان متحرک مثبت بوده و بردار مکان در جهت محور x است.
۲. در نمودار مکان - زمان اگر نمودار پایین محور زمان باشد، مکان متحرک منفی بوده و بردار مکان در خلاف جهت محور x است.
۳. هنگامی که نمودار مکان - زمان محور زمان را قطع می‌کند، مکان متحرک صفر ($x = 0$) و علامت بردار مکان آن عوض می‌شود و در این



- لحظه بردار مکان متحرک تغییر جهت می‌دهد.
۴. هرگاه با گذشت زمان نمودار رو به بالا برود (نمودار صعودی باشد)، متحرک در جهت مثبت محور در حرکت بوده یعنی سرعت متحرک مثبت است.
۵. هرگاه با گذشت زمان نمودار رو به پایین برود (نمودار نزولی باشد)، متحرک در جهت منفی محور در حرکت بوده یعنی سرعت متحرک منفی است.

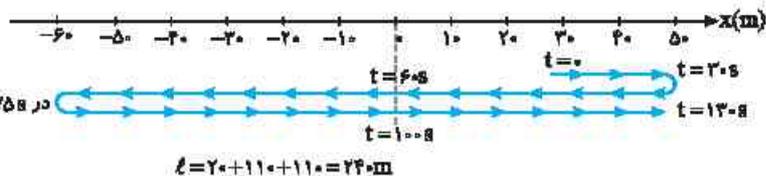
مسئله ۱۱ نمودار مکان - زمان متحرکی که روی محور x در حرکت است مطابق شکل زیر است.



- الف) مسیر حرکت متحرک در بازه صفر تا $60s$ را رسم کنید.
- ب) جسم در کدام بازه زمانی ساکن است؟
- پ) در کدام بازه‌های زمانی متحرک در جهت مثبت محور x در حرکت است؟
- ت) در کدام بازه‌های زمانی متحرک در جهت منفی محور x در حرکت است؟
- ث) جابه‌جایی متحرک در کل بازه نشان داده شده را بیابید.
- ج) مسافت طی شده در کل بازه نشان داده شده را بیابید.
- چ) در کدام لحظه‌ها بردار مکان متحرک تغییر جهت می‌دهد؟
- ح) در چه بازه زمانی متحرک بیشترین فاصله از مبدأ را دارد؟
- خ) در کدام بازه‌های زمانی متحرک در حال نزدیک شدن به مبدأ است؟

پاسخ: الف) دقت کنید مسیر حرکت متحرک تنه‌اروی محور x است. در بازه صفر تا $30s$ متحرک از مکان $30m$ به مکان $50m$ رفته و در بازه $30s$ تا $60s$ متحرک بلاگشته و مکان آن از $50m$ به صفر می‌رسد.

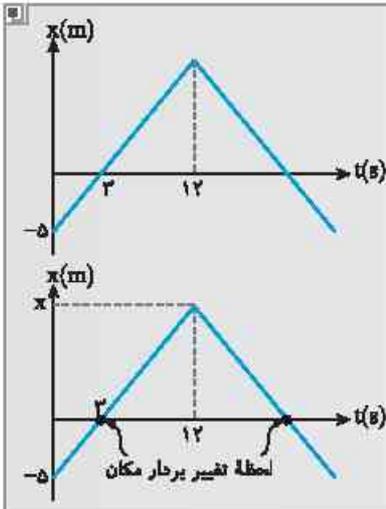
- ب) در بازه $75s$ تا $95s$ متحرک در مکان $x = -60m$ ساکن است، زیرا با گذشت زمان مکان آن تغییر نکرده است.
- پ) در بازه‌های زمانی صفر تا $30s$ و $95s$ تا $100s$ متحرک در حال حرکت در جهت مثبت محور x است.
- ت) در بازه زمانی $30s$ تا $75s$ متحرک در حال حرکت در جهت منفی محور x است.
- ث) متحرک ابتدا در مکان $x_1 = +30m$ و در آخر ($t = 100s$) در مکان $x_2 = +50m$ بوده بنابراین جابه‌جایی آن برابر است با: $\Delta x = 50 - 30 = 20m$
- ج) با توجه به شکل زیر متحرک از مکان $30m$ به مکان $50m$ می‌رود سپس از مکان $50m$ به مکان $-60m$ رفته و سرانجام به مکان $50m$ می‌رود.



ج) در لحظه‌های $t = 60s$ و $t = 100s$ متحرک از مبدأ مکان می‌گذرد و بردار مکان تغییر جهت می‌دهد. قبل از لحظه $t = 60s$ بردار مکان مثبت و بعد از آن بردار مکان منفی شده است همچنین قبل از لحظه $t = 100s$ بردار مکان منفی و بعد از آن بردار مکان مثبت شده است.

ح) در بازه زمانی $75s$ تا $95s$ متحرک در فاصله 60 متری مبدأ است.

خ) در بازه $30s$ تا $60s$ متحرک از مکان $50m$ به سوی مبدأ ($x=0$) در حرکت است همچنین در بازه $95s$ تا $100s$ متحرک از مکان $60m$ در جهت مثبت محور در حال نزدیک شدن به مبدأ است.



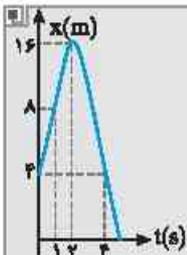
۸ نمودار مکان - زمان متحرکی به صورت روبه‌رو است. مسافت طی شده توسط متحرک در بازه زمانی بین دو لحظه تغییر جهت بردار مکان چند متر است؟

- ۱) صفر
- ۲) ۳۲
- ۳) ۱۵
- ۴) ۳۰

۹ به سراغ درس ریاضی آمده‌ایم. ابتدا به کمک شیب نمودار مکان متحرک را در لحظه $t = 12s$ به دست می‌آوریم.

$$\frac{x - (-5)}{12 - 0} = \frac{0 - (-5)}{3 - 0} \Rightarrow x = 15m$$

بنابراین متحرک در بازه زمانی بین تغییر بردار مکان از مکان صفر به $15m$ رفته و به مکان صفر برمی‌گردد. از این‌رو: گزینه ۲



۹ گلوله‌ای را از ارتفاع $4m$ سطح زمین در راستای قائم به سمت بالا پرتاب کرده و نمودار مکان - زمان گلوله به صورت روبه‌رو است. تندی متوسط گلوله در فاصله زمانی $t = 1s$ تا $t = 3s$ چند متر بر ثانیه است؟

- ۱) $\frac{8}{3}$
- ۲) $\frac{22}{3}$
- ۳) $\frac{20}{3}$
- ۴) $\frac{11}{3}$

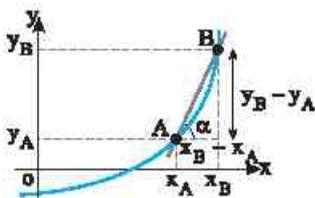
به نمودار نگاه کنید. در لحظه $t = 1s$ گلوله در مکان $8m$ بوده و در لحظه $t = 3s$ به مکان $16m$ می‌رود و مسافت $16 - 8 = 8m$ را می‌پیماید. سپس در بازه $t = 2s$ تا $t = 4s$ از مکان $16m$ به مکان $4m$ رفته و مسافت $16 - 4 = 12m$ را طی می‌کند و مسافت کل خواهد شد: $8 + 12 = 20m$

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{20}{4-1} \Rightarrow s_{av} = \frac{20}{3} m/s$$

تندی متوسط خواهد شد: گزینه ۳

نمودار مکان - زمان، تندی و سرعت

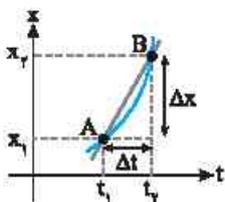
یادآوری ریاضی شیب خط



در درس ریاضی یاد گرفته‌ایم که برای یک کمیت نموداری رسم کنیم که چگونگی تغییرات آن کمیت (y) را بر حسب تغییرات کمیت متغیر دیگری (x) نشان دهد. در شکل روبه‌رو یک نمودار در صفحه xoy رسم شده است و نقطه A و B روی این نمودار است. خطی که نقطه A را به نقطه B وصل می‌کند را خط قاطع منحنی می‌گوییم. تانژانت زاویه‌ای که این خط با جهت محور طول‌ها (ox) می‌سازد را شیب خط می‌گوییم.

$$m = \tan \alpha = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

تعیین سرعت متوسط به کمک نمودار مکان - زمان

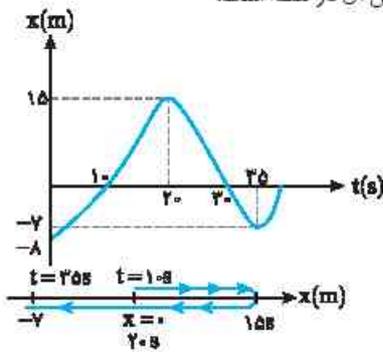


فرض کنید که نمودار مکان - زمان متحرکی به صورت روبه‌رو باشد و متحرک در لحظه t_1 در مکان x_1 و در لحظه t_2 در مکان x_2 است. مطابق آنچه در یادآوری ریاضی بیان شد، شیب خطی که دو نقطه A و B را به هم وصل می‌کند به صورت مقابل است:

$$m = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

شیب خط را با تعریف سرعت متوسط ($v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$) مقایسه کنید. نتیجه‌ای که حاصل می‌شود این است:

تفسیر: شیب خطی که دو نقطه از نمودار مکان-زمان را به هم وصل می‌کند برابر با سرعت متوسط بین آن دو نقطه است.



مثال ۱۲: در شکل روبه‌رو سرعت متوسط و تندی متوسط در بازه ۱۰s تا ۳۵s را بیابید. در بازه ۱۰s تا ۳۵s سرعت متوسط خواهد شد:

$$v_{av} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{-7 - 0}{35 - 10} = \frac{-7}{25} = -0.28 \text{ m/s}$$

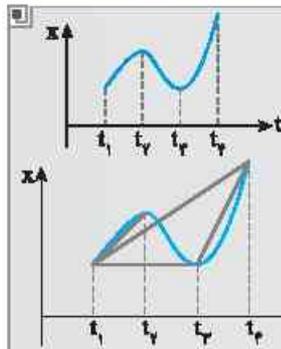
اما تندی متوسط:

مسافت طی شده در بازه ۱۰s تا ۳۵s برابر است با:

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} \rightarrow s_{av} = \frac{\ell}{35 - 10} = \frac{37}{25} = 1.48 \text{ m/s}$$

$\ell = 15 + 15 + 7 = 37 \text{ m}$

نکته: برای مقایسه سرعت متوسط در بازه‌های زمانی مختلف از روی نمودار مکان-زمان کافی است شیب خط قاطع در هر بازه زمانی را بررسی کنیم هرچه شیب خط قاطع تندتر باشد، سرعت متوسط در آن بازه زمانی بزرگتر است.



سوال ۱۰: در شکل روبه‌رو در کدام بازه زمانی سرعت متوسط از بازه‌های دیگر بیشتر است؟

- (۱) t_1 تا t_2
- (۲) t_2 تا t_3
- (۳) t_3 تا t_4
- (۴) t_1 تا t_4

تفسیر: خط قاطع نمودار را بین بازه‌های بیان شده رسم می‌کنیم. کاملاً مشخص است که شیب خط قاطع در بازه t_1 تا t_4 از بقیه حالت‌ها بیشتر (تندتر) است.

گزینه ۴

تندی لحظه‌ای - سرعت لحظه‌ای

خودرویی یک مسیر ۱۰۰ کیلومتری را در مدت ۲h طی می‌کند از این‌رو سرعت متوسط متحرک در طول مسیر $\frac{100}{2} = 50 \text{ km/h}$ است. اما سرعت متحرک در طول مسیر می‌تواند در یک بازه زمانی بیشتر از ۵۰ km/h و در بازه زمانی دیگری کمتر از ۵۰ km/h باشد. در واقع لزومی ندارد که در هر لحظه از مسیر حرکت سرعت برابر ۵۰ km/h باشد.

تفسیر: سرعت لحظه‌ای: سرعتی است که متحرک در هر لحظه دارد.

تفسیر: تندی لحظه‌ای: اندازه سرعت لحظه‌ای را تندی لحظه‌ای گویند.

نکته ۱: یکای کمیت‌های سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای در SI، m/s است.

۲: سرعت لحظه‌ای کمیتی برداری است و علاوه بر یکا به جهت نیز نیاز دارد.

۳: تندی لحظه‌ای کمیتی نرده‌ای است و برابر اندازه سرعت لحظه‌ای متحرک است.

$$s = |\vec{v}| \leftarrow \text{تندی لحظه‌ای}$$

۴: در سؤال‌ها گاهی سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای را به‌طور اختصار، سرعت و تندی بیان می‌کنند.

۵: سرعت متحرک جهت حرکت را مشخص می‌کند. **سرعت مثبت:** متحرک در جهت محور x در حال حرکت است.

سرعت منفی: متحرک در خلاف جهت محور x در حال حرکت است.



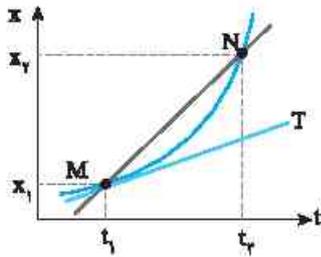
۶: در اتومبیل عقربه تندی‌سنج، تندی یا بزرگی سرعت را نشان می‌دهد:

به‌طور مثال وقتی درون خودرویی به طرف شمال در حال حرکت باشیم، در نقطه‌ای از مسیر این عقربه ۱۰۰ km/h را نشان دهد، تندی خودرو ۱۰۰ km/h بوده اما در آن لحظه سرعت متحرک ۱۰۰ km/h به طرف شمال است.



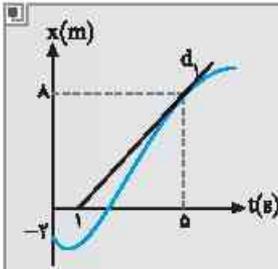
تفسیر: در شکل روبه‌رو مکان متحرک مثبت بوده و بردار مکان مثبت است اما متحرک در خلاف جهت محور در حال حرکت بوده و سرعت منفی است، در واقع با این مثال ساده شما باید تفاوت بردار مکان و جهت حرکت را متوجه شوید و بدانید که علامت سرعت ارتباطی به علامت بردار مکان ندارد.

سرعت لحظه‌ای و نمودار مکان - زمان



به نمودار مکان - زمان شکل روبه‌رو دقت کنید. سرعت متوسط در بازه t_1 تا t_2 برابر $v_{av} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$ است. اگر بازه زمانی t_1 تا t_2 را کاهش دهیم یعنی N به سمت M میل کند و t_2 نیز به t_1 میل کند، $\Delta t \rightarrow 0$ برود، در نهایت خط قاطع MN به خط مماس T در نقطه M تبدیل می‌شود و سرعت متوسط به سمت سرعت لحظه‌ای در لحظه t_1 میل می‌کند.

سرعت لحظه‌ای برابر شیب خط مماس بر نمودار مکان - زمان در آن نقطه است.



نمودار مکان - زمان متحرکی به صورت شکل روبه‌رو است. اگر سرعت متحرک در لحظه $t = 5s$ برابر سرعت متوسط در ۶ ثانیه نخست حرکت باشد، متحرک در لحظه $t = 6s$ در فاصله چند متری مبدأ مکان قرار دارد؟

۱۲ (۱)
۱۴ (۲)
۱۶ (۳)
۱۰ (۴)

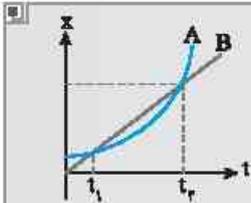
سرعت در لحظه $t = 5s$ یعنی شیب خط مماس در لحظه $t = 5s$ (شیب خط d_1) بنابراین:

$$v_{t=5} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{2 - (-2)}{5 - 0} = 2 \text{ m/s}$$

بنابراین مسئله این سرعت با سرعت متوسط در ۶s نخست حرکت برابر است از این رو: گزینه ۲

$$v_{av} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \Rightarrow 2 = \frac{x_2 - (-2)}{6 - 0} \Rightarrow x_2 = 10 \text{ m}$$

مقایسه تندی متوسط و سرعت متوسط چند متحرک به کمک نمودار مکان - زمان



نمودار مکان - زمان دو متحرک به صورت شکل روبه‌رو است. اگر تندی متحرک‌ها در لحظه t_1 به ترتیب v_A و v_B و سرعت متوسط آن‌ها در بازه t_1 تا t_2 به ترتیب v_{av_A} و v_{av_B} باشد، کدام گزینه درست است؟

(۲) $v_{av_A} > v_{av_B}$ و $v_A > v_B$

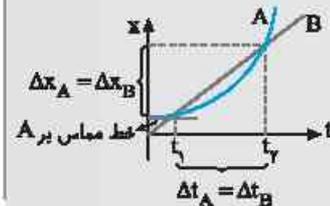
(۱) $v_{av_A} = v_{av_B}$ و $v_A = v_B$

(۴) $v_{av_A} = v_{av_B}$ و $v_A < v_B$

(۳) $v_{av_A} = v_{av_B}$ و $v_A > v_B$

در لحظه t_1 شیب خط مماس بر نمودار A از شیب نمودار B کمتر است. بنابراین $v_A < v_B$ است. اما در بازه t_1 تا t_2 جابه‌جایی و زمان جابه‌جایی یکسان بوده از این رو $v_{av_A} = v_{av_B}$.

گزینه ۳



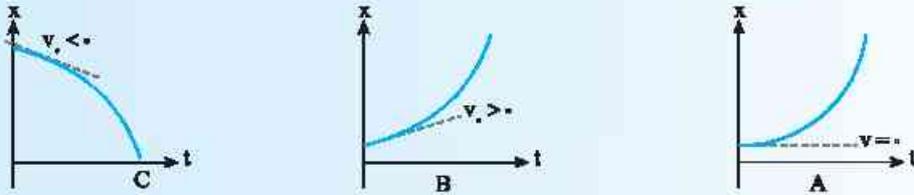
نمودار مکان - زمان، تحلیل حرکت

- در نمودار $x-t$ اگر شیب خط مماس مثبت باشد سرعت متحرک مثبت بوده و متحرک در جهت مثبت محور x ها در حال حرکت است.
- در نمودار $x-t$ اگر شیب خط مماس منفی باشد سرعت متحرک منفی بوده و متحرک در جهت منفی محور x ها در حال حرکت است.
- اگر با گذر زمان شیب خط مماس بر نمودار $x-t$ تندتر شود، تندی متحرک در حال افزایش و حرکت تندشونده است.
- اگر با گذر زمان شیب خط مماس بر نمودار $x-t$ کندتر شود، تندی متحرک در حال کاهش و حرکت کندشونده است.

نمودار $x-t$				
جهت حرکت	در جهت محور x ($v > 0$)	در جهت محور x ($v > 0$)	خلاف جهت محور x ($v < 0$)	خلاف جهت محور x ($v < 0$)
نوع حرکت	تندشونده	کندشونده	کندشونده	تندشونده

* در ریاضیات یاد خواهید گرفت که «شیب خط مماس در هر نقطه از نمودار برابر مشتق تابع به ازای مختصات نقطه تماس است.»

۵) در شکل A، متحرک از حال سکون شروع به حرکت کرده، در شکل B و C در مبدأ زمان متحرک دارای سرعت اولیه است:

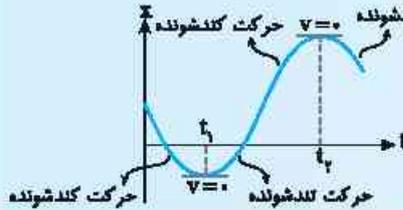


۶) در نقاط بیشینه و کمینه نمودار $x-t$:

الف) شیب خط مماس در این نقاط افقی بوده و سرعت صفر می‌شود و اگر علامت سرعت تغییر کند متحرک در این لحظه‌ها تغییر جهت می‌دهد.

ب) قبلاً از این لحظه‌ها چون سرعت در حال صفر شدن بوده حرکت کندشونده است و بعد از این لحظات حرکت تندشونده است.

به‌طور مثال در لحظات t_1 تا t_2 متحرک تغییر جهت می‌دهد.



۱۳) نمودار مکان - زمان متحرکی به صورت روبه‌رو است. به ترتیب از راست به چپ

سرعت متحرک چند بار به‌طور لحظه‌ای صفر می‌شود. متحرک چند بار تغییر جهت داده و چند بار بردار مکان آن تغییر جهت می‌دهد؟

۱. ۴، ۴ (۲)

۱. ۳، ۳ (۱)

۲. ۳، ۳ (۴)

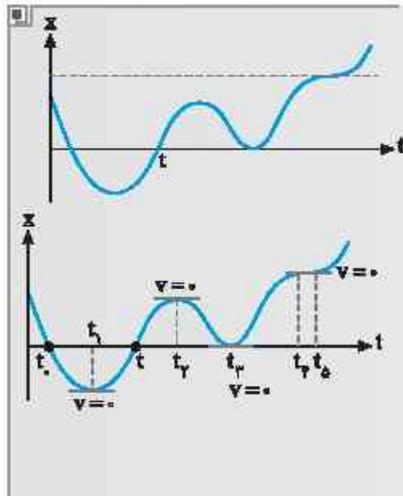
۳. ۱، ۳، ۴ (۳)

۱۴) سرعت سه بار در لحظه t_1 ، t_2 و t_3 به‌طور لحظه‌ای صفر شده البته در بازه t_1 تا t_2 سرعت در یک بازه زمانی صفر است.

در لحظه t_1 و t_2 و t_3 سه بار سرعت صفر شده و تغییر علامت داده یعنی سه بار جهت حرکت تغییر کرده است.

دو بار در لحظه‌های t_1 و t_2 که نمودار محور زمان را قطع می‌کند بردار مکان تغییر جهت می‌دهد.

گزینه ۴



انواع ۹ تحلیل حرکت به کمک رسم نمودار مکان - زمان

ممکن است در یک مسئله به شما معادله حرکتی داده شود که شما از چند و چون نمودار آن باخبر بشوید. به‌طور مثال معادله حرکت تابع درجه اول یا دوم یا تابع مثلثاتی باشد. در این صورت شما با رسم نمودار مکان - زمان می‌توانید به پرسش‌هایی درباره مسافت، جابه‌جایی، سرعت، نوع حرکت و ... پاسخ بدهید. اصولاً نمودار مکان - زمان تمام اطلاعات لازم درباره حرکت یک متحرک را به شما ارائه می‌دهد.

۱۳) معادله مکان - زمان متحرکی در SI به صورت $x = 2 \sin(\pi t)$ است. در یک دوره در کدام بازه زمانی:

الف) اندازه جابه‌جایی و مسافت طی شده توسط متحرک با هم برابر است؟ (ب) سرعت مثبت است؟

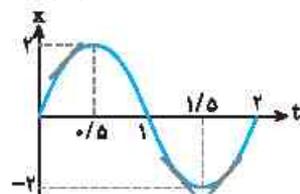
ب) حرکت کندشونده است؟ (ت) متحرک در حال دور شدن از مبدأ است؟

پاسخ) **یا طول و پهنایی** در توابع مثلثاتی سینوسی و کسینوسی مانند $y = \sin ax$ و $y = \cos ax$ دوره تناوب تابع $T = \frac{2\pi}{|a|}$ است.

تکته) در بازه‌های زمانی که جهت سرعت تغییر نمی‌کند اندازه جابه‌جایی و مسافت طی شده متحرک یکسان است. $\ell = |d|$

$$T = \frac{2\pi}{|a|} \Rightarrow T = \frac{2\pi}{\pi} \Rightarrow T = 2s$$

دوره تناوب را به دست می‌آوریم.



بیشینه مقدار x برابر $2m$ است. نمودار را رسم می‌کنیم.

دقت کنید پرسش‌های مسئله در مدت یک دوره یعنی $t = 0$ تا $t = 2s$ مطرح شده است.

الف) در بازه‌های 0 تا $0.5s$ و $1.5s$ تا $2s$ مسافت یکسان است.

ب) در بازه‌های $0.5s$ تا $1s$ و $1.5s$ تا $2s$ شیب خط مماس مثبت و سرعت متحرک مثبت است.

پ) در بازه $0.5s$ تا $1s$ و $1.5s$ تا $2s$ شیب خط مماس گنדר می‌شود و سرعت در حال کاهش است.

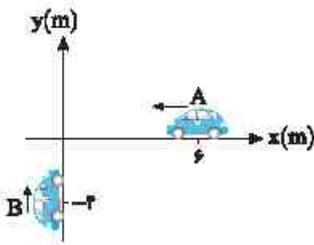
ت) در بازه 0 تا $0.5s$ و $1s$ تا $1.5s$ متحرک در حال دور شدن از مبدأ است.

مفهوم جابه‌جایی - مکان - مسافت - سرعت متوسط - تندی متوسط



نمای ۱ مفهوم مکان، مسافت و جابه‌جایی

کتاب درسی



کدام گزینه درست است؟

- ۱) جابه‌جایی و مسافت هر دو کمیت‌های نرده‌ای هستند.
- ۲) جابه‌جایی و مسافت هر دو دارای یکای یکسانی در SI هستند.
- ۳) جابه‌جایی و مسافت هر دو به مسیر حرکت بستگی دارند.
- ۴) هر سه گزینه درست است.

در شکل روبه‌رو دو خودروی A و B در لحظه نشان داده شده از نقاط مشخص شده می‌گذرند. کدام گزینه گزاره‌های درست را مشخص کرده است؟

- الف) بردار مکان متحرک A در این لحظه در SI به صورت $6\vec{j}$ بوده و بردار مکان و جهت حرکت هم جهت یکدیگرند.
- ب) بردار مکان متحرک A در این لحظه در SI به صورت $6\vec{i}$ بوده و بردار مکان و جهت حرکت خلاف جهت یکدیگرند.
- پ) بردار مکان متحرک B در این لحظه در SI به صورت $4\vec{j}$ بوده و بردار مکان و جهت حرکت هم جهت یکدیگرند.
- ت) بردار مکان متحرک B در این لحظه در SI به صورت $4\vec{j}$ بوده و بردار مکان و جهت حرکت خلاف جهت یکدیگرند.

- ۱) الف)، ب) (پ)
- ۲) الف)، ت) (پ)
- ۳) ب)، پ) (ب)
- ۴) ب)، ت) (ب)

در سه تست زیر به کمک معادله حرکت، مکان متحرک را مشخص می‌کنیم.

معادله حرکت متحرکی در SI به صورت $x = t^2 - 4t$ است. به ترتیب مکان متحرک در $t_1 = 3s$ و $t_2 = 4s$ را x_1 و x_2 می‌نامیم. کدام

از کتاب درسی

گزینه مکان x_1 و x_2 را به درستی نشان می‌دهد؟



معادله مکان - زمان متحرکی در SI به صورت $x = t^2 + at + b$ است. اگر متحرک در مبدأ از مکان $x = 12m$ شروع به حرکت کرده و در لحظه $t = 3s$ از مبدأ مکان بگذرد، a و b به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

- ۱) ۱۲، ۷ (۱)
- ۲) ۱۲، -۷ (۲)
- ۳) -۱۲، ۱ (۳)
- ۴) ۱۲، -۱ (۴)

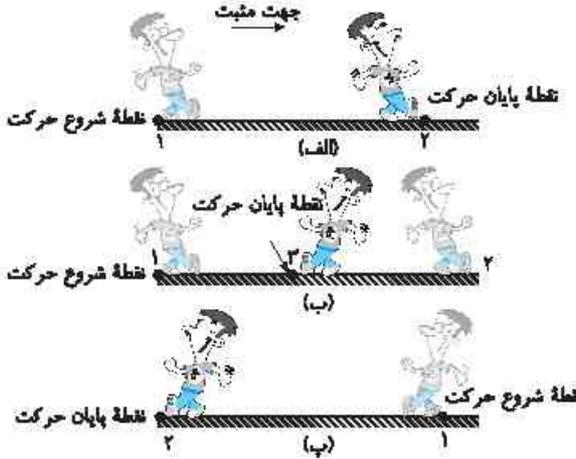
معادله حرکت متحرکی در SI به صورت $x = t^3 - 3t + 1$ داده شده است. به ترتیب از راست به چپ این متحرک در لحظه $t = 2s$ در چند متری مبدأ حرکت و در چند متری مبدأ مکان قرار گرفته است؟

- ۱) ۲، ۲ (۱)
- ۲) ۲، ۳ (۲)
- ۳) ۳، ۳ (۳)
- ۴) ۳، ۲ (۴)

معادله حرکت جسمی در SI به صورت $x = t^2 + t - 12$ است. در بازه $t_1 = 2s$ تا $t_2 = 4s$ چند ثانیه بردار مکان منفی است؟

- ۱) ۱ (۱)
- ۲) ۲ (۲)
- ۳) ۱/۵ (۳)
- ۴) ۰/۷۵ (۴)

در تست‌های زیر به مقایسه مسافت و جابه‌جایی روی محور X می‌پردازیم.



شکل روبه‌رو مسیر حرکت سه شخص را مشخص را نشان داده است. به ترتیب از راست به چپ در چه تعداد از مسیرها، جابه‌جایی و مسافت طی شده

یکسان و در چه تعداد جابه‌جایی‌ها مثبت است؟

- ۱) ۱، ۱ (۱)
- ۲) ۲، ۲ (۲)
- ۳) ۲، ۱ (۳)
- ۴) ۱، ۲ (۴)

از کتاب درسی



۸ مطابق شکل روبه‌رو جسمی روی محور x از نقطه A حرکت کرده و بعد از رسیدن به نقطه B ، به نقطه C بازمی‌گردد. در این حرکت مسافت طی شده توسط جسم چند برابر اندازه جابه‌جایی آن است؟

از کتاب درسی

۱ (۴)

۳ (۳)

۳ (۲)

۵ (۱)

۹ متحرکی روی محور x ها بدون تغییر جهت از مکان $x_1 = -3\text{m}$ به مکان $x_2 = 5\text{m}$ می‌رود. چه تعداد از گزاره‌های زیر درست است؟
الف) بردار مکان متحرک همواره مثبت است.
ب) همواره بردار جابه‌جایی هم‌جهت بردار مکان است.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ (۱) صفر

۱۰ متحرکی طی مسیری از نقطه $x_1 = -1\text{m}$ به نقطه $x_2 = 2\text{m}$ می‌رسد. کدام گزینه می‌تواند مسافت طی شده باشد؟

۴ هر سه گزینه می‌تواند باشد.

۳ (۳) 2.5m

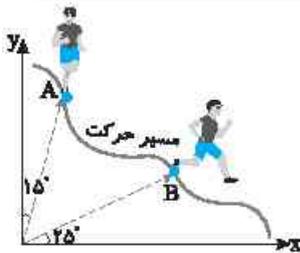
۲ (۲) 2.5m

۱ (۱) 2m

۱۱ کدام گزینه نادرست است؟

- ۱) ممکن است بردار جابه‌جایی جسم مثبت باشد اما بردار مکان جسم منفی باشد.
- ۲) ممکن است جهت حرکت تغییر کند اما بردار مکان آن تغییر جهت نداشته باشد.
- ۳) ممکن است بردار مکان تغییر جهت دهد اما جهت حرکت متحرک ثابت بماند.
- ۴) با تغییر جهت حرکت، الزاماً بردار مکان تغییر جهت می‌دهد.

در تست‌های زیر حرکت متحرک روی خط راست صورت نمی‌گیرد. البته در کتاب در این مورد سؤال طرح شده بنابراین مکان، جابه‌جایی، مسافت بر مسیر خمیده هم به نظر می‌رسد.



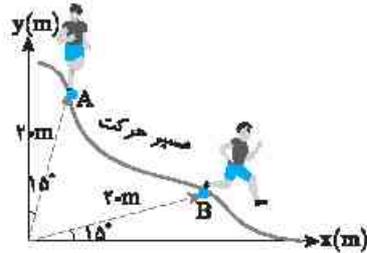
۱۲ متحرکی از نقطه A تا نقطه B روی مسیر خمیده شکل روبه‌رو جابه‌جا می‌شود. در این جابه‌جایی زاویه‌ای که بردار مکان با جهت مثبت محور x ها می‌سازد چند درجه و چگونه تغییر می‌کند؟ (مبدأ مختصات مبدأ حرکت است.)

۲) 50° پادساعتگرد

۱) 50° ساعتگرد

۴) 25° پادساعتگرد

۳) 25° ساعتگرد



۱۳ در شکل روبه‌رو، بزرگی جابه‌جایی متحرکی که مسیر خمیده را از A تا B می‌پیماید، چند متر است؟

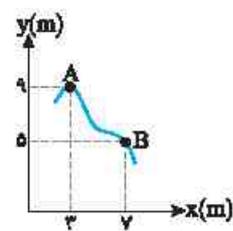
از کتاب درسی

۱) ۲۰

۲) ۴۰

۳) $20\sqrt{3}$

۴) $10\sqrt{3}$



۱۴ در شکل روبه‌رو ذره‌ای روی یک مسیر منحنی از نقطه A به نقطه B می‌رود. اندازه بردار جابه‌جایی متحرک چند متر است؟

۱) $2\sqrt{2}$

۲) $4\sqrt{2}$

۳) ۲

۴) ۴

۱۵ متحرکی از مکان $\vec{d}_1 = 3\vec{i} + 2\vec{j}$ به $\vec{d}_2 = \vec{i} - \vec{j}$ می‌رود. بردار جابه‌جایی متحرک و مسافت طی شده توسط آن برحسب متر به ترتیب از راست به چپ کدام می‌تواند باشد؟

۴) 6m ، $2\vec{i} + 4\vec{j}$

۳) 2m ، $3\vec{i} + 4\vec{j}$

۲) 6m ، $-2\vec{i} - 4\vec{j}$

۱) 3m ، $-3\vec{i} - 4\vec{j}$

۱۶ اگر از نقطه O به اندازه 4m به سمت غرب و سپس به اندازه 2m با زاویه 60° نسبت به جهت غرب، به سمت جنوب غربی حرکت کنیم، اندازه جابه‌جایی نسبت به نقطه O و مسافت طی شده به ترتیب از راست به چپ چند متر است؟

از کتاب درسی

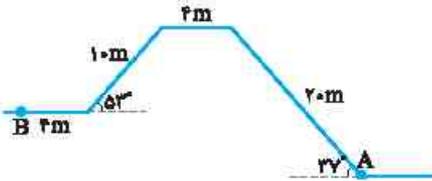
۴) $6 \cdot 2\sqrt{7}$

۳) $6 \cdot 2\sqrt{3}$

۲) $6 \cdot 2\sqrt{7}$

۱) $6 \cdot 6$

۱۷ متحرکی روی مسیری مطابق شکل روبه‌رو از مکان A به مکان B می‌رسد. مسافت طی شده متحرک و اندازه تقریبی جابه‌جایی به ترتیب از راست به چپ چند متر است؟



- (۱) $30/3, 30/3$
- (۲) $50/2, 38$
- (۳) $40/3, 38$
- (۴) $30/3, 38$

۱۸ پرنده‌ای که روی لبه ساختمان بلندی به ارتفاع ۵۰ متر نشسته بود، ابتدا پرواز کرده و به پای ساختمان رسیده، سپس ۴۰m به سمت شرق حرکت کرده و در نهایت ۳۰m به سمت شمال می‌رود. جابه‌جایی کل این پرنده چند متر است؟

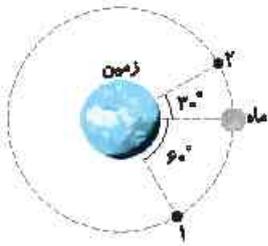
۴۰√۲ (۴)

۵۰ (۳)

۵۰√۲ (۲)

۱۲۰ (۱)

۱۹ در شکل روبه‌رو مسیر حرکت ماه به دور زمین وقتی در جهت ساعتگرد از مکان (۱) به مکان (۲) می‌رود نشان داده شده است. مسافت پیموده شده در این حرکت چند برابر اندازه بردار جابه‌جایی است؟



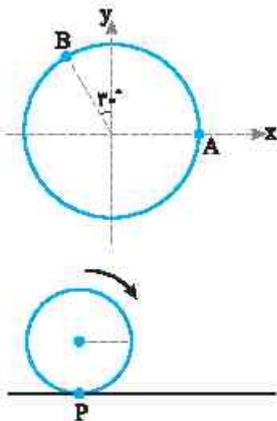
$\frac{3\sqrt{2}}{4} \pi$ (۲)

$\frac{\sqrt{2}}{4} \pi$ (۱)

$\sqrt{2}\pi$ (۴)

$\frac{\sqrt{2}}{2} \pi$ (۳)

۲۰ در شکل روبه‌رو متحرکی روی مسیر دایره‌ای از نقطه A به نقطه B می‌رود. بردار جابه‌جایی در این حرکت با جهت مثبت محور X چه زاویه‌ای می‌سازد؟



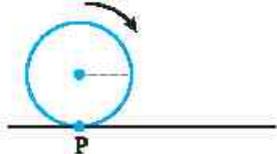
۳۰ (۱)

۱۵۰ (۲)

۶۰ (۳)

۱۲۰ (۴)

۲۱ در شکل روبه‌رو اگر چرخ یک خودرو که قطر لاستیک آن ۶۰cm است روی سطح افقی به اندازه نیم دور بچرخد، بزرگی جابه‌جایی نقطه P چند متر خواهد بود؟ ($\pi = 3$)



$30\sqrt{13}$ (۲)

۶۰ (۱)

۷۵ (۴)

۹۰ (۳)

زمانی متوسط و سرعت متوسط

۲۲ بردار سرعت متوسط با بردار هم جهت است و تندی متوسط
 (۱) تغییر سرعت، الزاماً مثبت است.
 (۲) جابه‌جایی، می‌تواند مثبت یا منفی باشد.
 (۳) جابه‌جایی، الزاماً مثبت است.
 (۴) تغییر سرعت، می‌تواند مثبت یا منفی باشد.

۲۳ سه متحرک سه مسیر مختلف را مطابق جدول زیر طی کرده‌اند. کدام گزینه می‌تواند به ترتیب از راست به چپ مقادیر A، B، C را به درستی نشان می‌دهد؟ (یکاهای SI)

متحرک	مکان آغازین	مکان پایانی	زمان	سرعت متوسط
(۱) متحرک	$-2\vec{i}$	$6/4\vec{i}$	۴s	A
(۲) متحرک	B	$-2/5\vec{i}$	۲s	$-2/8\vec{i}$
(۳) متحرک	$2\vec{i}$	$8/6\vec{i}$	C	$3/3\vec{i}$

- (۱) $2/1$ و $3/1\vec{i}$ و ۲
- (۲) $2/1$ و $-3/1\vec{i}$ و ۲
- (۳) $4/2$ و $3/1\vec{i}$ و ۴
- (۴) $4/2$ و $-3/1\vec{i}$ و ۴

برای حل سؤال‌های بعد رسم مسیر حرکت در حل سؤال به ما کمک می‌کند.

۲۴ متحرکی روی خط راست (محور Xها) حرکت می‌کند. در دو لحظه $t_1 = 2s$ و $t_2 = 6s$ به ترتیب در مکان‌های $+3m$ و $-6m$ مبدأ مکان قرار دارد. به ترتیب از راست به چپ سرعت متوسط و تندی متوسط متحرک در بازه زمانی t_1 تا t_2 در SI کدام است؟

$+2/5, +2/5$ (۲)

$+2/5, -2/5$ (۱)

$+2/5, +2/5$ (۴) نمی‌توان اظهار نظر کرد.

$-2/5, -2/5$ (۳) نمی‌توان اظهار نظر کرد.

۲۵ > متحرکی روی محور x حرکت می‌کند و در مبدأ زمان از مکان $x_1 = -4.0\text{m}$ می‌گذرد و در لحظه $t_1 = 6\text{s}$ به مکان $x_2 = 1.0\text{m}$ می‌رسد و در نهایت در لحظه $t_2 = 10\text{s}$ از مکان $x_3 = 2.0\text{m}$ می‌گذرد. اندازه سرعت متوسط این متحرک در SI در این 10s کدام است؟ تجربی - ۹۸

(۱) ۲۲ (۲) ۱۴ (۳) ۶ (۴) ۲

۲۶ > ذره‌ای در امتداد محور x ها از مبدأ شروع به حرکت می‌کند و در مدت 2.0 ثانیه ابتدا تا نقطه A به طول 5.0m می‌رود و بعد به نقطه $+2.0\text{m}$ برمی‌گردد. سرعت متوسط ذره در این مدت چند متر بر ثانیه است؟ کنکور دهه‌های گذشته

(۱) ۱ (۲) ۴ (۳) صفر (۴) ۲

۲۷ > متحرکی از مکان $-1/6\hat{i}$ روی محور x ها شروع به حرکت می‌کند و پس از 4s جابه‌جایی اندازه سرعت متوسط آن $3/5\text{m/s}$ است. مکان این متحرک در $t = 4\text{s}$ کدام گزینه است؟ (یک‌ها در SI)

(۱) $\bar{x} = 12/4\hat{i}$ و $\bar{x} = -12/4\hat{i}$ (۲) $\bar{x} = 12/4\hat{i}$ و $\bar{x} = -15/6\hat{i}$
 (۳) $\bar{x} = 15/6\hat{i}$ و $\bar{x} = -15/6\hat{i}$ (۴) $\bar{x} = 15/6\hat{i}$ و $\bar{x} = -12/4\hat{i}$

۲۸ > مورچه‌ای از لبه پله اول پلکانی در مدت 4.5s خود را به لبه پله دهم می‌رساند. اگر پهنای هر پله 4.0cm و بلندی آن 3.0cm باشند، اندازه جابه‌جایی چند متر و اندازه سرعت متوسط مورچه چند متر بر ثانیه است؟

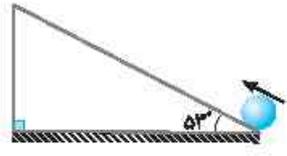
(۱) ۱۰.۴۵۰ (۲) ۵۰۰/۹ (۳) ۰/۱، ۴/۵ (۴) ۵/۹

۲۹ > متحرکی روی محور x در حال حرکت است. بردار جابه‌جایی آن در دو ثانیه اول حرکت در SI برابر $-4\hat{i}$ و در مدت دو ثانیه دوم برابر $2\hat{i}$ است. بردار سرعت متوسط و تبدی متوسط در چهار ثانیه اول حرکت در SI به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ تجربی - ۱۴۰۰

(۱) $1/5, -1/2$ (۲) $1/5, +1/2$ (۳) $1/2, 3/2$ (۴) $1/2, -3/2$

۳۰ > خودرویی از تهران راه می‌افتد و مسیر 125km تهران تا قم را در مدت یک ساعت و نیم و فاصله 274km قم تا اصفهان را در مدت زمان 80 درصد بیشتر از مسیر قبلی طی می‌کند. در کل مسیر از تهران تا اصفهان کدام گزینه درست است؟

(۱) سرعت متوسط خودرو 95km/h است.
 (۲) تبدی متوسط خودرو 95km/h است.
 (۳) تبدی متوسط خودرو 105km/h است.
 (۴) سرعت متوسط خودرو 105km/h است.



۳۱ > گویی را از پایین سطح شیبدار مقابل به سمت بالا پرتاب کرده و گوی تا ارتفاع 4m بالا رفته و بازمی‌گردد. اگر زمان رفت گوی 3s و زمان بازگشت آن 5s باشد. به ترتیب از راست به چپ سرعت متوسط و تبدی متوسط آن در SI کدام است؟ $(\sin 37^\circ = 0/6)$

(۱) $+1/25, -1/25$ (۲) صفر، $+1/25$
 (۳) $+2/5, -2/5$ (۴) صفر، $+2/5$

سه تست مفهومی زیر برای عمق بخشیدن به یادگیری این مطالب ارائه شده است.

۳۲ > کدام گزینه قطعاً نادرست است؟ از کتاب درسی

(۱) تبدی متوسط و سرعت متوسط با هم برابرند.
 (۲) تبدی متوسط از اندازه سرعت متوسط بیشتر است.
 (۳) اندازه سرعت متوسط از تبدی متوسط بیشتر است.
 (۴) ممکن است تبدی متوسط صفر نباشد اما سرعت متوسط صفر شود.

۳۳ > بردار سرعت متوسط متحرکی که روی محور x ها در حال حرکت است در یک بازه زمانی معین برابر $\vec{v}_{av} = +4\hat{i}$ (در SI) می‌باشد. کدام گزینه در مورد جهت حرکت این متحرک درست می‌باشد؟

(۱) در جهت مثبت است.
 (۲) ابتدا در جهت مثبت و سپس در جهت منفی است.
 (۳) ابتدا در جهت منفی و سپس در جهت مثبت است.
 (۴) هر سه گزینه می‌تواند درست باشند.

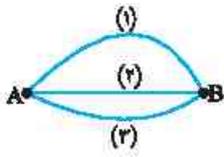
۳۴ > چه تعداد از گزاره‌های زیر درست است؟ از کتاب درسی

(الف) اگر جهت حرکت متحرک در جهت مثبت باشد الزاماً سرعت متوسط متحرک مثبت است.
 (ب) اگر جهت سرعت متوسط متحرک مثبت باشد متحرک همواره در جهت مثبت محور x ها حرکت کرده است.
 (پ) اگر جهت سرعت متوسط متحرک منفی باشد الزاماً متحرک در جهت منفی محور x ها جابه‌جا شده است.

(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۳۵ > متحرکی روی خط راست در حرکت است و در مدت ۴s یک بار تغییر جهت می‌دهد. در این ۴s مسافت طی شده ۲ برابر اندازه جابه‌جایی و اختلاف اندازه سرعت متوسط و تندی متوسط برابر ۲m/s است. تندی متوسط متحرک در این مدت چند m/s است؟
 (۱) ۲ (۲) ۶ (۳) ۴ (۴) ۸

۳۶ > مطابق شکل زیر، سه متحرک با تندی یکسان و ثابت سه مسیر نشان داده شده را طی می‌کنند و سرعت متوسط در مسیرهای (۱) و (۲) و (۳) به ترتیب v_{av_1} ، v_{av_2} و v_{av_3} خواهد بود. کدام گزینه درست است؟
 (۱) $v_{av_1} = v_{av_2} = v_{av_3}$ (۲) $v_{av_1} > v_{av_2} > v_{av_3}$ (۳) $v_{av_1} < v_{av_2} < v_{av_3}$ (۴) $v_{av_1} > v_{av_3} > v_{av_2}$



بررسی تندی متوسط و سرعت متوسط در حرکت چندمرحله‌ای

۳۷ > تندی متوسط خودرویی که بین دو شهر رفت‌وآمد می‌کند. در مسیر رفت ۹۰km/h و در مسیر برگشت ۶۰km/h باشد. به ترتیب از راست به چپ سرعت متوسط و تندی متوسط در مسیر رفت و برگشت چند km/h است؟
 (۱) صفر، ۷۲ (۲) ۷۵، ۷۵ (۳) صفر، ۷۵ (۴) ۷۵، ۷۲

۳۸ > شناگری طول ۵۰ متری استخری را در مسیر رفت با سرعت متوسط ۵m/s و در مسیر برگشت با سرعت متوسط ۲m/s طی می‌کند. سرعت متوسط این شناگر در ۱۴ ثانیه آغازین حرکت چند متر بر ثانیه است؟
 (۱) ۲/۵ (۲) ۷ (۳) ۳ (۴) صفر

در تست‌های زیر، سرعت یا تندی به همراه زمان، در هر مرحله داده شده است.

۳۹ > متحرکی طول مسیری را در مدت t ثانیه طی کرده است. اگر نصف زمان حرکت را با تندی ۱۰m/s و بقیه زمان را با تندی ۴۰m/s طی کرده باشد. تندی متوسط در کل مسیر چند m/s است؟
 (۱) صفر (۲) ۱/۶ (۳) ۲۵ (۴) ۵۰

۴۰ > راننده‌ای فاصله مستقیم بین دو شهر را به این ترتیب می‌پیماید که ابتدا ۲ ساعت با تندی متوسط ۶۰km/h رانندگی کرده سپس ۳۰ دقیقه برای استراحت توقف کرده و سرانجام برای رسیدن به مقصد با تندی متوسط ۹۰km/h به مدت ۲/۵ ساعت رانندگی می‌کند. تندی متوسط آن در این مدت چند km/h بوده است؟
 (۱) ۱۵۰ (۲) ۷۵ (۳) ۳۰ (۴) ۶۹

۴۱ > متحرکی روی خط راست به مدت t_1 با سرعت متوسط ۲۰m/s و سپس در همان جهت به مدت t_2 با سرعت متوسط ۴۰m/s حرکت می‌کند. اگر سرعت متوسط در کل مسیر برابر ۲۸m/s باشد، نسبت $\frac{t_1}{t_2}$ کدام است؟
 (۱) $\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{4}{3}$ (۴) $\frac{3}{4}$

۴۲ > متحرکی روی محور X به مدت t_1 با سرعت متوسط ۲۰m/s در جهت محور X و سپس به مدت t_2 با سرعت متوسط ۴۰m/s در خلاف جهت محور X حرکت می‌کند. اگر سرعت متوسط کل ۲۸m/s و خلاف جهت محور X باشد، نسبت $\frac{t_1}{t_2}$ کدام است؟
 (۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۳) $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{3}{4}$

۴۳ > متحرکی در جهت مثبت محور X در حرکت است. اگر سرعت متوسط آن در بازه صفر تا ۸s برابر ۱۵m/s باشد، سرعت متوسط آن در بازه صفر تا ۳s کدام مقدار می‌تواند باشد؟
 (۱) ۱۵m/s (۲) ۲۵m/s (۳) ۳۰m/s (۴) هر سه گزینه می‌توانند درست باشند.

در تست‌های بعد، سرعت یا تندی به همراه جابه‌جایی، در هر مرحله داده شده است.

۴۴ > متحرکی $\frac{2}{3}$ مسیر مستقیمی را در یک جهت با سرعت متوسط ۲۸ متر بر ثانیه و $\frac{1}{3}$ مسیر را با سرعت متوسط ۶ متر بر ثانیه و باقی‌مانده مسیر را با سرعت متوسط ۸ متر بر ثانیه طی می‌کند. سرعت متوسط متحرک در کل مسیر چند متر بر ثانیه است؟
 (۱) ۳۰ (۲) ۱۴ (۳) ۱۲ (۴) ۳/۵

۴۵ متحرکی جابه‌جایی‌های متوالی x ، $2x$ و $3x$ را روی خط راست. در یک سو و با سرعت‌های ۷ ، ۲۷ و ۳۷ می‌پیماید. سرعت متوسط آن در این حرکت چند v است؟

- (۱) ۱ (۲) $1/5$ (۳) ۲ (۴) $2/5$

۴۶ متحرکی روی خط راست نیمه اول مسیر را با تندی متوسط 3 m/s و مسیر باقی‌مانده را در همان جهت در دو مدت زمانی برابر با تندی‌های 4 m/s و 16 m/s طی می‌کند. تندی متوسط در کل مسیر چند m/s است؟

- (۱) ۱۵ (۲) ۲۵ (۳) $12/5$ (۴) ۱۸

در تست‌های زیر متحرک روی خط راست و در امتداد یک محور حرکت نمی‌کند.

۴۷ متحرکی ابتدا 400 m را با سرعت ثابت 16 m/s به سمت شمال سپس به مدت 25 s با سرعت ثابت 12 m/s به طرف شرق حرکت می‌کند. سرعت متوسط متحرک در این جابه‌جایی چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۱۵ (۳) ۲۰ (۴) ۱۸

۴۸ متحرکی در صفحه مختصات xoy ، در مدت 5 ثانیه از نقطه $A(8, 0)$ به نقطه $B(0, 8)$ می‌رود. مؤلفه سرعت متوسط آن روی محور ox چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) $-1/6\sqrt{2}$ (۲) $-1/6$ (۳) $1/6\sqrt{2}$ (۴) $1/6$

۴۹ یک ذره در صفحه مختصات در امتداد خط راست در بازه زمانی 3 s تا 5 s از نقطه $A(-4, 6)$ به نقطه $B(8, -3)$ می‌رود تندی متوسط آن چند m/s است؟ (یکای در SI)

- (۱) $7/5$ (۲) ۱۵ (۳) ۸ (۴) ۶

۵۰ متحرکی از نقطه $(1, 1)$ به نقطه $(4, 5)$ می‌رود. اگر این جابه‌جایی 5 s طول بکشد تندی متوسط در این جابه‌جایی چند متر بر ثانیه می‌تواند باشد؟ (یکاهای در SI)

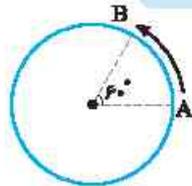
- (۱) $0/5$ (۲) $0/25$ (۳) $0/75$ (۴) $1/25$

۵۱ متحرکی از مکان $\vec{d}_1 = 7\vec{i} + 4\vec{j}$ در مدت 2 s به مکان $\vec{d}_2 = 3\vec{i} - \vec{j}$ و سپس در مدت 3 s به مکان $\vec{d}_3 = -5\vec{i} - \vec{j}$ می‌رسد. سرعت متوسط متحرک چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) $\sqrt{2}$ (۲) $2/6$ (۳) $\sqrt{5}$ (۴) $5/6$

حال دو تست در حرکت به دور دایره با هم حل کنیم از نظر ظاهری دو تست شبیه به هم‌اند اما حل آن‌ها با هم متفاوت است.

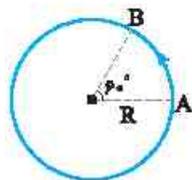
۵۲ متحرکی مطابق شکل روی مسیر دایره شکلی به شعاع 30 m ، در لحظه $t = 2\text{ s}$ در نقطه A و در لحظه $t = 5\text{ s}$ در نقطه B است. سرعت متوسط و تندی متوسط متحرک از A تا B چند متر بر ثانیه است؟



- (۱) $10 \cdot 10\sqrt{3}$ (۲) 10 و $10\pi/3$

- (۳) $10\sqrt{3}$ و 10 (۴) $10\pi/3$ و 10

۵۳ متحرکی با تندی ثابت 4 m/s کمان A تا B را طی می‌کند. اندازه سرعت متوسط از A تا B چند متر بر ثانیه است؟



- (۱) $12/\pi$ (۲) ۴ (۳) $\pi/12$ (۴) $1/4$

نمونه ۴ بررسی سرعت متوسط و بردار مکان با معادله حرکت

۵۴ معادله مکان - زمان (معادله حرکت) جسمی در SI به صورت $x = t^2 - 2t + 1$ است. سرعت متوسط آن در ثانیه سوم حرکتش با سرعت متوسط آن در ثانیه دوم حرکتش چند m/s اختلاف دارد؟

- (۱) ۱۲ (۲) ۶ (۳) صفر (۴) ۱۵

۵۵ معادله حرکت متحرکی که روی محور x حرکت می‌کند. در SI به صورت $x = 3t^2 - 15t + 12$ است. سرعت متوسط متحرک در بازه $t_1 = 0$ تا $t_2 = t'$ صفر شده است. t' چند ثانیه است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۵ (۴) ۴

در سه تست زیر از لحظه تغییر جهت بردار مکان سؤال شده است.

۵۶ معادله حرکت متحرکی که روی خط راست حرکت می کند در SI به صورت $x = t^2 + t + 1$ است. بردار مکان آن چند بار تغییر جهت می دهد؟
 (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳

۵۷ معادله حرکت متحرکی به صورت $x = t^2 - t - 6$ است. سرعت متوسط متحرک از $t = 0$ تا لحظه تغییر جهت بردار مکان چند متر بر ثانیه است؟
 (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

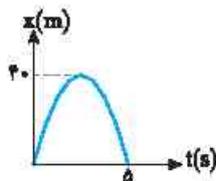
۵۸ معادله مکان - زمان متحرکی در SI به صورت $x = \alpha + \beta t^2$ است. اگر سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی صفر تا ۳s برابر 18 m/s و مکان متحرک در لحظه $t = 2\text{s}$ برابر 24 m باشد. مقادیر α و β در SI کدام اند؟
 (۱) ۳ و ۸ (۲) ۲ و ۸ (۳) ۳ و ۶ (۴) ۶ و ۲

۵۹ متحرکی با معادله $x = 0.02 \cos 10\pi t$ روی محور xها در حرکت است. در بازه $t_1 = \frac{1}{6} \text{ s}$ و $t_2 = \frac{4}{3} \text{ s}$ سرعت متوسط متحرک چند m/s است؟ (یکایا در SI)
 (۱) صفر (۲) $+\frac{3}{175}$ (۳) $-\frac{3}{17}$ (۴) $-\frac{3}{175}$

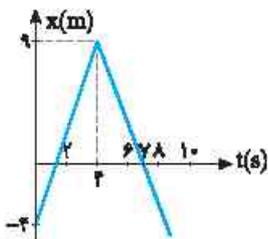
۶۰ متحرکی روی خط راست در راستای محور xها در حرکت است و از نقطه A به نقطه B می رود. نسبت جابه جایی (d) به مسافت طی شده (l) کدام گزینه است؟
 (۱) $0 < \frac{d}{l} \leq 1$ (۲) $\frac{d}{l} \geq 1$ (۳) $-1 \leq \frac{d}{l} \leq 1$ (۴) $\frac{d}{l} = 1$

۶۱ دو متحرک A و B که روی خط راست در حرکت هستند. در یک لحظه به هم می رسند. در این لحظه کدام گزینه در مورد این دو متحرک قطعاً درست است؟
 (۱) مسافت پیموده شده آنها یکسان است.
 (۲) اندازه بردار جابه جایی آنها یکی است.
 (۳) مکان آنها نسبت به هر مبدأ یکسان است.
 (۴) جابه جایی و مسافت پیموده شده آنها به مبدأ اختیاری بستگی دارد.

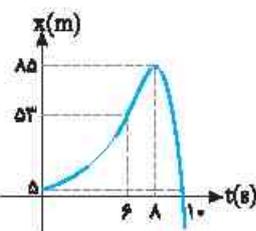
نمای بررسی مکان، مسافت و جابه جایی در نمودار مکان - زمان



۶۲ نمودار مکان - زمان متحرکی مطابق شکل روبه رو است. جابه جایی و مسافت طی شده در بازه صفر تا ΔS .
 به ترتیب از راست به چپ کدام است؟
 (۱) صفر، ۸۰ (۲) ۸۰، ۸۰
 (۳) صفر، ۴۰ (۴) ۴۰، ۴۰

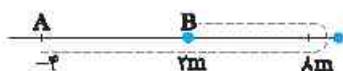


۶۳ نمودار مکان - زمان متحرکی مطابق شکل روبه رو است. جابه جایی متحرک در بازه صفر تا ۸s چند متر است؟
 (۱) ۱ (۲) ۱۲ (۳) ۱۳ (۴) ۸

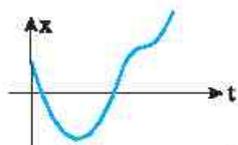
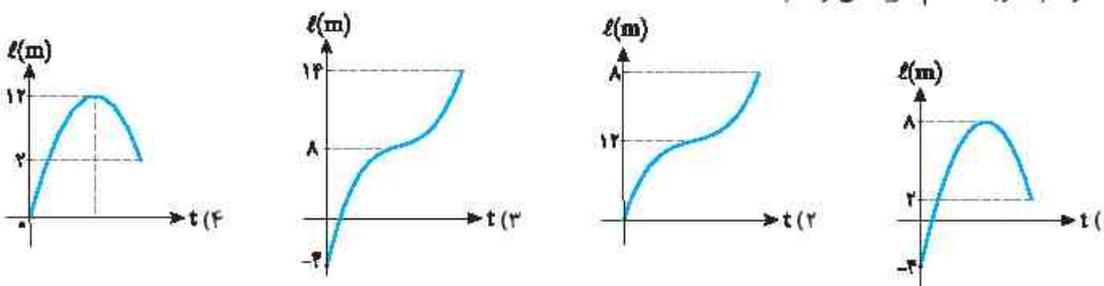


۶۴ شکل روبه رو، نمودار مکان - زمان متحرکی است که روی خط راست حرکت می کند. کدام یک از موارد زیر در مورد این حرکت درست است؟
 (۱) جابه جایی در مدت $t = 8\text{s}$ تا $t = 10\text{s}$ برابر ۴۸ متر است.
 (۲) جابه جایی در مدت $t = 6\text{s}$ تا $t = 10\text{s}$ برابر ۶۴ متر است.
 (۳) مسافت طی شده در مدت $t = 8\text{s}$ تا $t = 10\text{s}$ برابر ۴۸ متر است.
 (۴) مسافت طی شده در مدت $t = 6\text{s}$ تا $t = 10\text{s}$ برابر ۱۱۷ متر است.

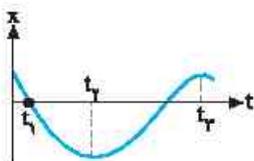
در حل دو تست زیر باید به مسیر حرکت دقت کنیم:



۶۵ مسیر حرکت متحرکی روی محور x از نقطه A تا B به صورت روبه‌رو است. نمودار مسافت - زمان متحرک به صورت کدام گزینه می‌تواند باشد؟

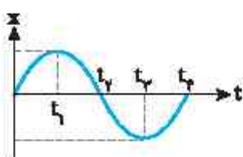


۶۶ نمودار مکان - زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند. در SI به صورت زیر است. کدام گزینه مسیر حرکت متحرک را به درستی نشان می‌دهد؟

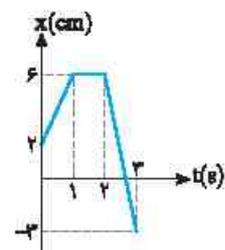


۶۷ در کدام یک از لحظات نشان داده شده در نمودار مکان - زمان، متحرک بیشترین فاصله را از مبدأ دارد؟
 (۱) صفر
 (۲) t_2
 (۳) t_3
 (۴) t_4

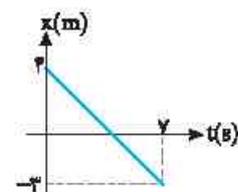
در سه تست زیر جهت حرکت و جهت بردار مکان در نمودار $x-t$ را بررسی می‌کنیم:



۶۸ در شکل روبه‌رو نمودار مکان - زمان متحرکی رسم شده است. در کدام بازه زمانی متحرک در حال حرکت در جهت منفی محور است؟
 (۱) t_1 تا t_2
 (۲) t_2 تا t_3
 (۳) t_3 تا t_4
 (۴) صفر تا t_1

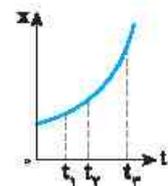


۶۹ شکل روبه‌رو نمودار مکان - زمان مورچه‌ای را نشان می‌دهد که روی محور x حرکت می‌کند. مدت زمانی که متحرک در حال نزدیک شدن به مبدأ است، برابر کدام گزینه می‌باشد؟
 (۱) $\frac{1}{3}$ s
 (۲) $\frac{2}{3}$ s
 (۳) ۳ s
 (۴) $\frac{1}{2}$ s



۷۰ شکل روبه‌رو نمودار مکان - زمان متحرکی است که روی محور x حرکت می‌کند. در چه لحظه‌ای بردار مکان متحرک تغییر جهت می‌دهد؟
 (۱) ۲
 (۲) ۳
 (۳) ۴
 (۴) ۵

نمای ۶ نمودار مکان - زمان، نندی و سرعت



۷۱ نمودار مکان - زمان متحرکی سهمی و مطابق شکل روبه‌رو است. سرعت متوسط متحرک در کدام بازه زمانی بیشتر است؟
 (۱) صفر تا t_1
 (۲) t_1 تا t_2
 (۳) t_2 تا t_3
 (۴) بستگی به اندازه فاصله‌های زمانی دارد.

۱۱۱ > معادله حرکت متحرکی در SI به صورت $x = t^2 + 7t + 12$ است. در چه لحظه‌ای متحرک در کمترین فاصله خود از مبدأ مکان قرار دارد؟
 (۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۱۲ (۴) ۵

مسافت و تندی متوسط به طور مستقیم از دو معادله مکان - زمان به دست نمی‌آید. با حل دو تست زیر چگونگی به دست آوردن آنها را یاد بگیریم.

۱۱۲ > معادله مکان - زمان متحرکی در SI به صورت $x = 2t^2 + 4t - 8$ است. در فاصله زمانی $t_1 = 0$ s تا $t_2 = 2$ s، مسافتی که متحرک طی می‌کند، چند برابر اندازه جابه‌جایی آن است؟
 (۱) ۱ (۲) ۱/۵ (۳) ۱/۶ (۴) ۲

۱۱۳ > معادله مکان - زمان متحرکی که در راستای محور X حرکت می‌کند، در SI به صورت $x = t^2 - t - 6$ است. تندی متوسط در بازه $t = 1$ s تا $t = 4$ s چند متر بر ثانیه از بزرگی سرعت متوسط در همان بازه بیشتر است؟
 (۱) ۵ (۲) صفر (۳) ۴ (۴) ۱

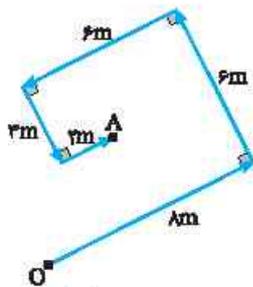
۱۱۴ > معادله مکان - زمان متحرکی در SI به صورت $x = at^2 + bt + 4$ است. اگر در تمام بازه‌های زمانی اندازه جابه‌جایی و مسافت با هم برابر باشند، کدام گزینه الزاماً درست است؟
 (۱) $ab < 0$ (۲) $ab > 0$ (۳) $a = 0$ (۴) $b = 0$

سطح دوم

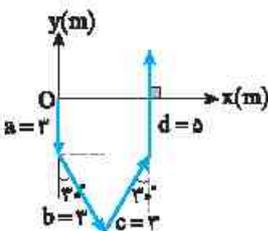
یخچره دو جداره

۱۱۵ > متحرکی روی محور Xها در مبدأ زمان از مکان $x_0 = 8$ m عبور می‌کند و در مدت Δs به ترتیب در مکان‌های $x = 12$ m و $x = 10$ m تغییر جهت می‌دهد و در امتداد محور Xها به حرکت خود ادامه می‌دهد. اگر تندی متوسط متحرک در این مدت 4 m/s باشد، سرعت متوسط متحرک در این مدت چند متر بر ثانیه خواهد بود؟
 (۱) ۴ (۲) ۳/۶ (۳) ۲/۴ (۴) ۳/۲

۱۱۶ > متحرکی روی خط راست در یک جهت در حال حرکت است. متحرک نیمه اول مسیر را با تندی متوسط 20 m/s طی می‌کند. در نیمه دوم مسیر، متحرک $1/3$ زمان را با تندی متوسط 8 m/s و بقیه زمان را با تندی 6 m/s طی می‌کند. تندی متوسط متحرک در کل مسیر حرکت چند m/s است؟
 (۱) ۱۰ (۲) ۱۲ (۳) ۱۱ (۴) ۱۵



۱۱۷ > متحرکی مطابق شکل از نقطه O شروع به حرکت کرده و در مسیر نشان داده شده به نقطه A رسیده است. اندازه جابه‌جایی از O تا A چند متر است؟
 (۱) ۲۵ (۲) $5\sqrt{2}$ (۳) ۵ (۴) $3\sqrt{2}$



۱۱۸ > ذره‌ای مطابق شکل از مبدأ مختصات به راه می‌افتد و جابه‌جایی‌های \vec{a} ، \vec{b} ، \vec{c} و \vec{d} که اندازه آنها به ترتیب 3 m، 3 m، 3 m و 5 m است را طی می‌کند. بردار جابه‌جایی که ذره در ادامه باید طی کند تا مکانش $\vec{r} = -2\vec{j}$ شود، کدام گزینه است؟

- (۱) $-3\vec{i} + 3\vec{j}$
- (۲) $-3\vec{i} + 4\vec{j}$
- (۳) $-3\vec{i} - 4\vec{j}$
- (۴) $3\vec{i} - 3\vec{j}$

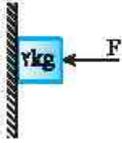
۱۱۹ > در شکل روبه‌رو آونگی را رها می‌کنیم تا در طرف دیگر راستای قائم تیز به اندازه α درجه منحرف شود. اگر نسبت مسافت به اندازه جابه‌جایی گوی آونگ در این مسیر $\frac{\sqrt{2}}{4}\pi$ باشد، α چند درجه است؟

- (۱) ۴۵ (۲) ۳۷ (۳) ۳۰ (۴) ۶۰

۱۲۰ > ذره‌ای در صفحه افقی XOY، در بازه‌های زمانی ۳ s، ۵ s و ۴ s به ترتیب جابه‌جایی‌های $\vec{d}_1 = 5\vec{i} - 2\vec{j}$ ، $\vec{d}_2 = 3\vec{i} + 7\vec{j}$ و $\vec{d}_3 = 4\vec{i} + 4\vec{j}$ را می‌پیماید. اندازه سرعت متوسط در کل جابه‌جایی چند متر بر ثانیه است؟ (یکایها در SI)
 (۱) ۲/۵ (۲) ۱/۲۵ (۳) ۴ (۴) ۷/۲۵

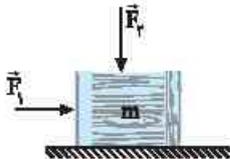
۱۰۸۳ > ۵ جسمی به جرم ۴ kg روی سطح افقی تحت اثر نیروی افقی F با سرعت ثابت $\Delta\text{m/s}$ حرکت می‌کند. اگر F قطع شود، جسم پس از طی مسافت ۴ متر متوقف می‌شود. F چند نیوتون است؟

- (۱) $۲/۵$ (۲) ۱۰ (۳) ۲۰ (۴) $۱۲/۵$



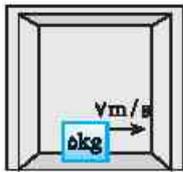
۱۰۸۳ > ۶ در شکل روبه‌رو جسم تحت تأثیر نیروی $F=۴۰\text{ N}$ با تندی ثابت $v=۱۰\text{ m/s}$ در حال حرکت به سمت پایین می‌باشد. اگر نیروی F را $\frac{3}{4}$ برابر کنیم جسم پس از طی چه مسافتی برحسب متر متوقف می‌شود؟

- (۱) ۱۰ (۲) $۲/۵$ (۳) $۱/۲۵$ (۴) $۰/۷۵$



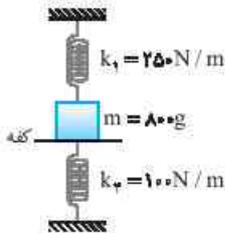
۱۰۸۳ > ۷ مطابق شکل مقابل، دو نیروی افقی و قائم \vec{F}_1 و \vec{F}_2 به جسمی که روی سطح افقی قرار دارد، وارد می‌شود و جسم ساکن است. اگر بزرگی این دو نیرو، هر یک ۲ برابر شود و جسم همچنان ساکن بماند، نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند، k برابر می‌شود. کدام مورد درست است؟

- (۱) $۲ < k < ۳$ (۲) $۱ < k < ۲$ (۳) $k = ۲$ (۴) $k = ۱$



۱۰۸۳ > ۸ جسمی به جرم ۵ kg را کف آسانسوری که با شتاب ۴ m/s^2 در حال حرکت به سمت بالا است با تندی افقی $v\text{ m/s}$ روی کف آسانسور مماس بر کف پرتاب می‌کنیم. اگر ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و سطح آسانسور $۰/۲$ باشد، این جسم پس از چند ثانیه متوقف می‌شود؟ ($g=۱۰\text{ N/kg}$)

- (۱) $۱/۵$ (۲) ۱ (۳) ۳ (۴) $۲/۵$



۱۰۸۳ > ۹ مطابق شکل وزنه‌ای را توسط کفه‌ای در تعادل قرار داده‌ایم به طوری که فنرها طول طبیعی خود را داشته باشند. اگر کفه را رها کنیم ۲ cm پایین می‌آید، شتاب وزنه چند متر بر مربع ثانیه و به کدام سمت می‌شود؟ ($g=۱۰\text{ N/kg}$)

- (۱) ۵ (۲) ۱۰ (۳) $۲/۵$ (۴) $۱/۲۵$

۱۰۸۳ > ۱۰ گلوله‌ای به جرم m از لبه یک بام به طور مایل پرتاب می‌شود. اندازه تغییر سرعت گلوله در مدت Δt چند متر بر ثانیه است؟ ($g=۱۰\text{ N/kg}$)

- (۱) ۲۵ (۲) ۲۰ (۳) ۵۰ (۴) ۴۰

سینماتیک حرکت دایره‌ای

تمامی ۲۹ دوره و تندی

اگر از شما پرسیده شود مدت زمان گردش زمین به دور خورشید چقدر است، بلافاصله پاسخ خواهید داد. ۳۶۵ روز، اما اگر پرسیده شود سرعت گردش زمین به دور خورشید چقدر است، احتمالاً پاسخی نخواهید داشت. این امر نشان می‌دهد که در حرکت‌های دوره‌ای، آنچه مهم است مدت زمان پیمودن یک دور کامل است. این مدت زمان را با T نشان داده و دوره می‌نامیم.

زمان پیمودن یک دور کامل را دوره (پریود) گویند و آن را با حرف T نشان می‌دهند. یکای دوره ثانیه است.

اگر متحرک روی مسیر دایره‌ای به شعاع r با تندی ثابت v^* در حرکت باشد، در مدت یک دور یک دور روی محیط دایره می‌چرخد بنابراین مسافت طی شده در مدت T برابر محیط دایره است و تندی خواهد شد:

$$v = \frac{\ell}{d} \rightarrow \ell = 2\pi r \rightarrow v = \frac{2\pi r}{T} \quad ; \quad T = \frac{2\pi r}{v}$$

دوره حرکت عقربه ثانیه‌شمار ۶۰ s یا ۱ min یا $\frac{1}{۶۰}\text{ h}$ است و دوره حرکت عقربه دقیقه‌شمار ۳۶۰۰ s یا ۶۰ min یا ۱ h است و دوره حرکت عقربه ساعت‌شمار ۴۳۲۰۰ s یا ۷۲۰ min یا ۱۲ h است.

دوره حرکت وضعی زمین به دور محور خودش ۲۴ h است.

* در این فصل تندی یعنی اندازه سرعت را با حرف v نمایش می‌دهیم.

مسئله ۱ در یک ساعت عقربه‌ای طول عقربه ثانیه‌شمار $\frac{4}{3}$ طول عقربه ساعت‌شمار است.

الف) دوره حرکت عقربه ثانیه‌شمار چند برابر سرعت عقربه ساعت‌شمار است؟

ب) تندی نوک عقربه ثانیه‌شمار چند برابر تندی نوک عقربه ساعت‌شمار است؟

پاسخ الف) نسبت دوره‌ها خواهد شد:

$$\frac{T_s}{T_h} = \frac{1 \text{ h}}{60} = \frac{1}{720}$$

$$\frac{v_s}{v_h} = \frac{T_h}{T_s} \times \frac{r_s}{r_h} \Rightarrow \frac{v_s}{v_h} = 720 \times \frac{4}{3} = 960$$

ب) نسبت تندی نوک عقربه‌ها خواهد شد:

نکته دوره تمام نقاط واقع بر یک صفحه گردان، با هم برابر هستند.



$$T_A = T_B$$

شکل (۱)

$$T = \frac{t}{N}$$

اگر در مدت t ، تعداد دورها N باشد، دوره خواهد شد:

هنگامی که در کلاس درس از دانش‌آموزان می‌پرسیم که اگر روی یک صفحه گرامافون (یا CD) در حال چرخش دو لکه رنگی A و B وجود داشته باشد (شکل (۱))، تندی کدامیک بیشتر است؟ اغلب پاسخ می‌دهند تندی A و B با هم برابر است. این پاسخ نادرست است زیرا در مدت یک دوره، B مسافت بیشتری را طی می‌کند، بنابراین تندی B بیشتر است. برای درک بهتر مسأله زیر را با هم حل می‌کنیم:



مسئله ۲ در شکل رویه‌رو روی یک صفحه گردان دو لکه رنگی A و B نقش بسته است و صفحه در مدت یک دقیقه، ۳۰ دور می‌چرخد.

فاصله A و B از مرکز چرخش به ترتیب ۴۰cm و ۲۵cm است.

الف) دوره حرکت هر لکه را بیابید. ب) تندی هر لکه را حساب کنید.

پاسخ الف) دوره را می‌توان با یک تناسب ساده و با روش زنجیره‌ای به‌دست آورد.

$$N = 30 \text{ دور} \quad \left| \quad \begin{array}{l} t = 60 \text{ s} \\ \text{دوره ۱} \end{array} \right. \quad \frac{t}{T} \Rightarrow T = \frac{t}{N} \Rightarrow T = 2 \text{ s} \quad \text{یا} \quad T = \frac{1 \text{ min}}{30 \text{ دور}} \times \frac{60 \text{ s}}{1 \text{ min}} \Rightarrow T = 2 \text{ s}$$

$$T_A = T_B = 2 \text{ s} \quad \text{دوره A و B با هم برابر است.}$$

ب) تندی A و B خواهد شد:

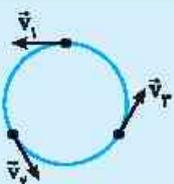
$$T = \frac{2\pi r}{v} \Rightarrow v = \frac{2\pi r}{T} \quad \left\{ \begin{array}{l} v_A = \frac{2\pi \times (0/4)}{2} \Rightarrow v_A = 0/4\pi \text{ m/s} \\ v_B = \frac{2\pi \times (0/25)}{2} = 0/25\pi \text{ m/s} \end{array} \right.$$

نکته کاملاً مشخص است که تندی نقاط دورتر از مرکز، بیشتر است، اما دوره تمام نقاط روی صفحه با هم برابر است.

بطوریکه بردار سرعت در هر نقطه بر مسیر حرکت مماس است.

نکته حرکت دایره‌ای با تندی ثابت یک حرکت شتابدار است، زیرا اگر چه اندازه سرعت تغییر نمی‌کند اما در هر لحظه مطابق شکل جهت بردار سرعت در حال تغییر است و بنابراین حرکت شتابدار است. در واقع اگر تندی ثابت باشد

اندازه بردارهای v_1 و v_2 و v_3 برابر است اما بردارهای \vec{v}_1 و \vec{v}_2 و \vec{v}_3 یکسان نیستند.



نکته تمام تعریف حرکت‌شناسی مانند سرعت متوسط $v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ ، شتاب متوسط $a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$ و ... در حرکت دایره‌ای نیز کاربرد دارد، اما باید همواره به جهت بردارها دقت کرد.

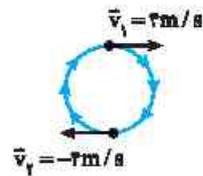
مسئله ۳ ذره‌ای روی مسیر دایره‌ای به شعاع 20cm با تندی ثابت 4m/s در حرکت است.

الف) دوره حرکت چند ثانیه است؟ **ب)** سرعت متوسط در مدت یک دوره را بیابید. **پ)** اندازه شتاب متوسط در مدت نیم دوره چند متر بر مجذور ثانیه است؟ **ت)** اگر جرم ذره 100g باشد در مدت نیم دوره اندازه تغییر تکانه چند واحد SI است؟

$$T = \frac{2\pi r}{v} \Rightarrow T = \frac{2 \times \pi \times (0.2)}{4} \Rightarrow T = \frac{\pi}{10} \text{ s}$$

راهنما الف) با توجه به تعریف دوره:

ب) در مدت یک دوره ذره به جای اول باز می‌گردد و جابه‌جایی صفر است بنابراین سرعت متوسط صفر است. $v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta x=0} v_{av} = 0$



پ) در مدت نیم دوره ذره روی دایره نصف محیط را مطابق شکل می‌چرخد. در این صورت بردار سرعت قرینه می‌شود و شتاب متوسط خواهد شد:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \Rightarrow a_{av} = \frac{|-4 - 4|}{\frac{\pi}{20}} = \frac{160}{\pi} \text{ m/s}^2$$

ت) دقت کنید اندازه سرعت ثابت است اما جهت بردار سرعت قرینه شده است از این رو اندازه تغییر تکانه خواهد شد:

$$|\Delta \vec{p}| = m |\Delta \vec{v}| = 0.1 \times |-4 - 4| = 0.8 \text{ kg m/s}$$

یکی از حرکت‌های دایره‌ای حرکت زمین به گرد محور خود است. تمام اجسام و نقاط روی زمین به همراه زمین می‌چرخند و یک مسیر دایره‌ای را طی می‌کنند. دوره همه نقاط یکسان و برابر $T = 24\text{h}$ است، اما تندی همه نقاط با هم برابر نیست.



نکته روی سطح زمین دایره‌هایی فرضی موازی خط استوا در نظر گرفته می‌شود که به آن‌ها مدارهای جغرافیایی گویند. در شکل روبه‌رو مدار θ درجه نشان داده شده است.

مسئله ۴ دو نقطه A و B را روی زمین هم‌تراز سطح دریا در نظر بگیرید. A روی خط استوا و B در مدار 45° جغرافیایی.

الف) نسبت دوره حرکت A به دوره حرکت B را بیابید.

ب) نسبت تندی حرکت A به تندی حرکت B را بیابید. (فرض کنید زمین یک کره کامل به شعاع R است.)

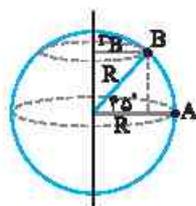
$$T_A = T_B = 24\text{h} \Rightarrow \frac{T_A}{T_B} = 1$$

راهنما الف) دوره چرخش تمام نقاط زمین بیست و چهار ساعت است.

ب) اگر زمین را کره کامل در نظر بگیریم، شعاع چرخش نقطه A برابر با شعاع کره زمین است ($r_A = R$) و شعاع

$$r_B = R \cos 45^\circ$$

چرخش نقطه B با توجه به شکل روبه‌رو برابر است با:



$$\frac{v_A}{v_B} = \frac{\frac{2\pi r_A}{T_A}}{\frac{2\pi r_B}{T_B}} = \frac{r_A}{r_B} = \frac{R}{R \cos 45^\circ} \Rightarrow \frac{v_A}{v_B} = \frac{1}{\cos 45^\circ} = \sqrt{2}$$

تمامی ۳۰ شتاب مرکزگرا

نکته هرگاه متحرکی بر مسیری خمیده در حال حرکت باشد، نیروی خالص وارد بر آن صفر نیست و حرکت شتابدار است. اگر نیروی خالص صفر باشد بنا بر قانون اول نیوتون متحرک باید روی خط راست با سرعت ثابت حرکت کند.

نکته در حرکت دایره‌ای یکنواخت (با تندی ثابت) همواره نیرویی در امتداد شعاع و رو به مرکز، جسم را بر مسیر دایره‌ای نگه می‌دارد که به آن نیروی مرکزگرا گویند. (F_c)

۲۰ ماهواره‌ای در مداری به شعاع $2R_e$ دور زمین می‌چرخد. نیروی مرکزگری وارد بر ماهواره چه کسری از وزن ماهواره در سطح زمین است؟ (R_e شعاع کره زمین است.)

- (۱) $\frac{1}{4}$ (۲) $\frac{1}{9}$ (۳) ۱ (۴) $\frac{1}{2}$

نیروی وزن ماهواره در محل ماهواره (W_h) ، نیروی مرکزگرا است. یعنی به جای نسبت نیروی مرکزگری وارد بر ماهواره به وزن ماهواره در سطح زمین، نسبت نیروی وزن در محل ماهواره و نیروی وزن روی سطح زمین را حساب می‌کنیم.

$$\frac{F_c}{W} = \frac{W_h}{W} = \frac{mg_h}{mg} = \frac{G \frac{M_e}{(2R_e)^2}}{G \frac{M_e}{R_e^2}} = \frac{1}{4}$$

گزینه ۱

برای اجسام درون ماهواره حالت بی‌وزنی وجود دارد.

۲۱ شخصی به جرم 60 kg در ماهواره‌ای روی یک نیروسنج ایستاده است و شعاع مدار ماهواره $\frac{2}{3}R_e$ (شعاع زمین) است. نیروسنج چند نیوتون را نشان می‌دهد؟

- (۱) ۴۰۰ (۲) $\frac{800}{3}$ (۳) ۳۰۰ (۴) صفر

در یک ماهواره که به گرد زمین می‌گردد، جسم بر تکیه‌گاه خود نیرویی وارد نمی‌کند و نیروسنج عدد صفر را نشان می‌دهد.

نکته و انرژی جنبشی ماهواره

در بعضی از تست‌ها درباره انرژی جنبشی $(K = \frac{1}{2}mv^2)$ و تکانه $(P = mv)$ یک ماهواره سؤال می‌شود.

۲۲ ماهواره‌های A و B به ترتیب به جرم 250 kg و 700 kg در مدارهای دایره‌ای به دور زمین می‌چرخند. اگر فاصله ماهواره A و B از سطح زمین به ترتیب 1600 km و 3200 km باشد، انرژی جنبشی ماهواره A چند برابر انرژی جنبشی ماهواره B است؟ (شعاع کره زمین 6400 km است)

- (۱) ۱ (۲) ۴ (۳) $\frac{3}{5}$ (۴) $\frac{5}{12}$

نسبت تندی چرخش ماهواره A به تندی چرخش ماهواره B را حساب می‌کنیم:

$$\frac{v_A}{v_B} = \sqrt{\frac{r_B}{r_A}} \Rightarrow \frac{v_A}{v_B} = \sqrt{\frac{6400+3200}{6400+1600}} \Rightarrow \frac{v_A}{v_B} = \sqrt{\frac{6}{5}}$$

$$\frac{K_A}{K_B} = \frac{\frac{1}{2}m_A v_A^2}{\frac{1}{2}m_B v_B^2} \Rightarrow \frac{K_A}{K_B} = \frac{250 \times 6}{700 \times 5} \Rightarrow \frac{K_A}{K_B} = \frac{3}{5}$$

نسبت انرژی جنبشی A به B خواهد شد: گزینه ۳

سینماتیک حرکت دایره‌ای

دوره و تندی

۱۰۸۴ دوره متحرکی که با حرکت یکنواخت، دایره‌ای به قطر ۱۵ متر را در هر دقیقه ۲۰ دور می‌زند، (20 rpm) چند ثانیه است؟

- (۱) $\frac{1}{5}$ (۲) ۳ (۳) 2π (۴) 3π

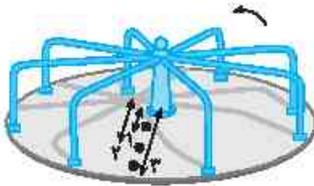
۱۰۸۵ دوره حرکت دورانی زمین به دور محور خود، چند برابر دوره عقربه ساعت‌شمار است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲۴ (۳) ۲ (۴) $\frac{1}{2}$

۱۰۸۶) دوره متحرکی که یک مسیر دایره‌ای را یکنواخت طی می‌کند. $\omega / \Delta s$ است. این چرخ در پایان ۱۵ ثانیه چند رادیان چرخیده است؟

- ۱) 15π ۲) $\frac{30}{\pi}$ ۳) 60π ۴) 30π

۱۰۸۷) یک دیسک گردان در شهر بازی را در نظر بگیرید که توسط یک موتور الکتریکی می‌چرخد. سه فرد روی دیسک قرار دارند. اگر T دوره و v تندی حرکت این افراد باشد کدام گزینه درست است؟



- ۱) $v_1 = v_2 = v_3$ ، $T_1 = T_2 = T_3$ ۲) $v_1 = v_2 = v_3$ ، $T_1 < T_2 < T_3$ ۳) $v_1 < v_2 < v_3$ ، $T_1 = T_2 = T_3$ ۴) $v_1 < v_2 < v_3$ ، $T_1 > T_2 > T_3$

۱۰۸۸) پره یک بالگرد در هر دقیقه ۳۰۰۰ دور می‌چرخد (3000rpm) و شعاع پره $1/8 \text{m}$ است. تندی نوک پره بالگرد چند متر بر ثانیه است؟ ($\pi = 3$)

- ۱) 540 ۲) 270 ۳) 360 ۴) 186

در سه تست زیر درباره نقاط واقع بر سطح زمین پرسش شده است.

۱۰۸۹) جسم A در مدار 45° جغرافیایی و جسم B در مدار 60° جغرافیایی. روی سطح زمین و نسبت به زمین ساکن هستند. دوره A چند برابر دوره B است؟

- ۱) $\sqrt{\frac{3}{2}}$ ۲) $\sqrt{\frac{2}{3}}$ ۳) $\frac{2}{3}$ ۴) 1

۱۰۹۰) اگر شعاع کره زمین 6400km فرض شود. تندی نقطه‌های واقع در مدار 37° روی زمین چند کیلومتر بر ساعت است؟ ($\pi = 3$ ، $\sin 37^\circ = 0/6$)

- ۱) 120 ۲) 1200 ۳) 1280 ۴) 2320

۱۰۹۱) در حرکت وضعی زمین به دور محور خود، تندی نقطه‌ای در مدار جغرافیایی 60° درجه شمالی، چند برابر تندی نقطه‌ای واقع در مدار جغرافیایی 30° درجه شمالی است؟

- ۱) 2 ۲) $\sqrt{3}$ ۳) $\frac{1}{2}$ ۴) $\frac{\sqrt{3}}{3}$

نمایه ۳۰ شتاب مرکزگرا

۱۰۹۲) جرم گلوله A دو برابر جرم گلوله B است. هر دو روی یک مسیر دایره‌ای با تندی برابر می‌چرخند. شتاب مرکزگرای گلوله A چند برابر شتاب مرکزگرای گلوله B است؟

- ۱) 1 ۲) 2 ۳) 3 ۴) 4

۱۰۹۳) متحرکی با تندی ثابت v_1 ، دایره‌ای به شعاع 40 متر و متحرک دیگری با تندی ثابت v_2 ، دایره‌ای به شعاع 80 متر را می‌پیماید. اگر شتاب مرکزگرای آن‌ها برابر باشد، کدام است؟

- ۱) $\sqrt{2}$ ۲) $2\sqrt{2}$ ۳) 2 ۴) 4

۱۰۹۴) متحرکی روی مسیر دایره‌ای به شعاع 10 متر، دارای حرکت یکنواخت است. اگر شتاب آن $\frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{\pi^2}{3} \text{m/s}^2$ باشد، قوس $\frac{\pi}{3}$ را در چند ثانیه می‌پیماید؟

- ۱) $\frac{1}{6}$ ۲) $\frac{\pi}{6}$ ۳) $\frac{1}{3}$ ۴) $\frac{2}{3}$

۱۰۹۵) ذره‌ای در حال حرکت یکنواخت روی دایره‌ای به شعاع $r = 2 \text{m}$ در صفحه xoy است. اگر بردار شتاب آن در SI در یک لحظه $\vec{a} = 3\vec{i} + 4\vec{j}$ باشد. تندی آن چند متر بر ثانیه است؟

- ۱) 5 ۲) 10 ۳) $\sqrt{5}$ ۴) $\sqrt{10}$

۱۰۹۶) دو جسم روی صفحه گردانی که با دوره ثابتی می‌چرخد قرار دارند. اولی به مرکز دوران نزدیک‌تر است. در این صورت

- ۱) شتاب مرکزگرا برای هر دو یکسان است. ۲) شتاب مرکزگرای آن بیشتر است. ۳) شتاب مرکزگرای آن کمتر است. ۴) شتاب مرکزگرای هر دو صفر است.

ریاضی - ۸۵

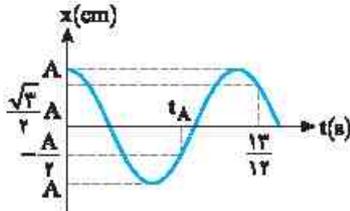
کنکور دهه‌های گذشته

کنکور دهه‌های گذشته

فیزیک - ۹۴

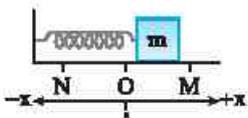
۱۳۹۹-۶ نوسانگری در دو بازه زمانی متوالی t_1 و t_2 مسافت‌های $3/78\text{cm}$ و $4/22\text{cm}$ را طی می‌کند. اگر دامنه نوسان نوسانگر 2cm باشد. کدام گزینه درست است؟

(۱) $t_1 + t_2 = \frac{T}{2}$ (۲) $t_1 + t_2 = T$ (۳) $t_2 - t_1 = \frac{T}{2}$ (۴) $t_2 - t_1 = t_1$



۱۳۹۹-۷ نمودار مکان - زمان نوسانگر هماهنگ ساده‌ای مطابق شکل زیر است. t_A برابر چند ثانیه است؟

(۱) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) $\frac{4}{3}$

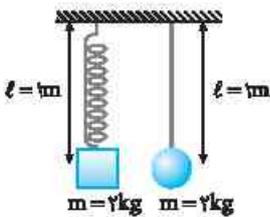


۱۳۹۹-۸ مطابق شکل روبه‌رو، جسمی به جرم m به فنری با جرم ناچیز متصل است و بین دو نقطه M و N حرکت نوسانی هماهنگ ساده انجام می‌دهد. چه تعداد از جملات زیر درست می‌باشند؟
الف) در نقطه M ، اندازه شتاب نوسانگر بیشینه است. / ب) در نقطه O اندازه سرعت نوسانگر بیشینه است. / پ) در نقطه N علامت شتاب منفی است. / ت) در نقطه N اندازه نیروی کشسانی فنر کمینه است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۹۹-۹ معادله حرکت هماهنگ ساده‌ای در SI، به صورت $x = 0.04 \cos 50\pi t$ است. در چه لحظه‌هایی از دوره اول حرکت، مکان نوسانگر -0.02m است؟

(۱) $\frac{1}{75}$ (۲) $\frac{1}{100}$ (۳) $\frac{2}{75}$ (۴) گزینه (۱) و (۳) درست است.



۱۳۹۹-۱۰ در شکل روبه‌رو هر دو سیستم نوسانی با بسامد یکسان در حال نوسان‌اند. اگر طول فنر و ریسمان هر دو برابر l و ثابت فنر k باشد، k چند نیوتون بر سانتی‌متر است؟ ($g = 10\text{m/s}^2$)

(۱) ۲۰ (۲) ۵/۲ (۳) ۱۰ (۴) ۵/۱

سرعت - شتاب - انرژی - تشدید نوسانگر

زمان ۹ شتاب نوسانگر

معادله شتاب - مکان، شتاب بیشینه

نیروی خالص وارد بر نوسانگر شکل روبه‌رو برابر است با:

$$F_{\text{net}} = ma \xrightarrow{F = -kx} -kx = ma \Rightarrow a = -\frac{k}{m}x$$

می‌دانیم بسامد زاویه‌ای در حرکت هماهنگ ساده $\omega = \sqrt{k/m}$ است، بنابراین خواهیم داشت:

$$a = -\frac{k}{m}x \xrightarrow{\omega = \sqrt{k/m}} \boxed{a = -\omega^2 x}$$

۱ معادله شتاب - مکان:

۲ بزرگی شتاب بر حسب مکان:

همان گونه که بیان شد علامت منفی بیان می‌کند که شتاب و مکان هم علامت نیستند.

۳ در این صورت بیشینه شتاب خواهد شد:

$$x_m = \pm A \Rightarrow |a_m| = A\omega^2$$

۱۳۹۹-۱۰ در یک حرکت هماهنگ ساده در لحظه‌ای که مکان نوسانگر $x = -4\text{cm}$ است، اندازه شتاب $25\pi^2\text{m/s}^2$ است. دوره حرکت چند ثانیه است؟

(۱) ۰/۰۴ (۲) ۰/۰۸ (۳) ۰/۰۲ (۴) ۰/۲۵

با توجه به معادله شتاب - مکان در حرکت هماهنگ ساده، بسامد زاویه‌ای را به دست می‌آوریم:

$$|\vec{a}| = \omega^2 |\vec{x}| \Rightarrow 25\pi^2 = \omega^2 \times 0.04 \Rightarrow \omega = \frac{25\pi}{0.2} \Rightarrow \omega = 125\pi \text{ rad/s} \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} 125\pi = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = 0.08\text{s}$$

گزینه ۲

* در کتاب درسی از قرار دادن علامت منفی قانون هوک که بسیار مهم است صرف‌نظر شده است.

۲ معادله مکان - زمان نوسانگر در SI به صورت $x = 0.03 \cos 10\pi t$ است. در لحظه $t = \frac{1}{30}$ s، اندازه شتاب نوسانگر چند m/s^2 است؟ ($\pi^2 = 10$)

۱) ۵ (۲) ۲) ۱۵ (۲) ۳) ۳۰ (۳) ۴) ۲۵ (۴)

ابتدا مکان نوسانگر را در لحظه $t = \frac{1}{30}$ s به دست می آوریم:

$$x = 0.03 \cos 10\pi t \Rightarrow x = 0.03 \cos 10\pi \times \frac{1}{30} \Rightarrow x = 0.03 \cos \frac{\pi}{3} \Rightarrow x = \frac{0.03}{2} \Rightarrow x = \frac{3}{200} \text{ m}$$

اکنون اندازه شتاب را حساب می کنیم:

$$|\vec{a}| = \omega^2 |\vec{x}| \Rightarrow |a| = (10\pi)^2 \times \frac{3}{200} \xrightarrow{\pi^2 = 10} |a| = 15 \text{ m/s}^2$$

گزینه ۲

نمای ۱۰ نیروی وارد بر نوسانگر

بنا به قانون دوم نیوتون خواهیم داشت:

$$F = ma \xrightarrow{a = -\omega^2 x} \boxed{F = -m\omega^2 x}$$

۱ معادله نیرو - مکان:

$$|F| = m\omega^2 |x|$$

۲ بزرگی نیروی وارد بر نوسانگر برابر است با:

$$\boxed{F_m = mA\omega^2}$$

۳ در دو انتهای مسیر یعنی $x_m = \pm A$ نیرو بیشینه است و مقدار آن برابر است با:

۳ ذره‌ای به جرم m روی پاره‌خطی به طول 20 cm دارای حرکت هماهنگ ساده با بسامد زاویه‌ای $50\pi \text{ rad/s}$ است. اگر بیشینه نیروی وارد بر ذره 2 N باشد، m چند گرم است؟ ($\pi^2 = 10$)

۱) 8×10^{-3} (۱) ۲) 8×10^{-2} (۲) ۳) 8×10^{-1} (۳) ۴) 8×10^{-1} (۴)

با توجه به رابطه نیروی بیشینه خواهیم داشت:

$$F_m = mA\omega^2 \Rightarrow 2 = m \times \left(\frac{20}{100} \times 10^{-2}\right) \times (50\pi)^2 \Rightarrow m = \frac{2}{2500} \text{ kg} = 0.8 \text{ g}$$

گزینه ۲

۱ ذره‌ای به جرم 10 گرم تحت تأثیر نیروی $F = -\pi^2 x$ دارای حرکت هماهنگ ساده است. دوره حرکت را بیابید. ($\pi^2 = 10$)

با مقایسه معادله نیرو - مکان $F = -kx$ و $F = -\pi^2 x$ در واقع $k = \pi^2$ است از این رو:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{0.01}{\pi^2}} \Rightarrow T = 0.2 \text{ s}$$

نمای ۱۱ تندی بیشینه

در مرکز نوسان یعنی حالت تعادل تندی نوسانگر بیشینه است که اندازه آن برابر است با:

$$\boxed{v_m = A\omega}$$

۴ در شکل روبه‌رو، سطح بدون اصطکاک و وزنه در حال تعادل است. اگر بیشینه طول فنر 45 cm و حداقل طول آن 39 cm باشد، تندی وزنه در هنگام عبور از حالت تعادل چند متر بر ثانیه است؟

۱) ۳۰۰ (۱) ۲) ۱۵۰ (۲) ۳) ۳ (۳) ۴) ۱/۵ (۴)

دامنه نوسان را حساب می کنیم:

$$A = \frac{\ell_{\max} - \ell_{\min}}{2} = \frac{45 - 39}{2} \Rightarrow A = 3 \text{ cm}$$

بسامد زاویه‌ای را به دست می آوریم:

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{200}{0.02}} = 100 \text{ rad/s}$$

در نقطه تعادل تندی بیشینه است، بنابراین:

$$v_m = A\omega \xrightarrow{A = 0.03 \text{ m}} v_m = 0.03 \times 100 = 3 \text{ m/s}$$

گزینه ۳

* اثبات رابطه تندی بیشینه را در قسمت انرژی حرکت هماهنگ سله بیان می‌شود.

۱۳۰

بین حرکات یک سامانه جرم - فنر و یک آونگ ساده کم دامنه تشدید رخ داده است. اگر ثابت فنر سامانه جرم - فنر، f برابر شود. طول آونگ را چند برابر کنیم تا دوباره بین حرکت آنها تشدید رخ دهد؟

- (۱) ۲ (۲) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{1}{4}$ (۴) ۴

آونگ $T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$ فنر $f = \frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{m}}$ $\Rightarrow T_{\text{فنر}} = T_{\text{آونگ}}$

$T = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow \frac{T'}{T} = \sqrt{\frac{k}{k'}} \xrightarrow{k'=4k} \frac{T'}{T} = \frac{1}{2}$

باید بسامد (یا دوره) دو سامانه در حالت دوم نیز یکی شود.

ثابت فنر f برابر شده است، دوره جدید سامانه جرم - فنر خواهد شد:

بنابراین دوره آونگ جدید باید نصف دوره آونگ قبلی باشد.

$$\begin{cases} T' = 2\pi\sqrt{\frac{\ell'}{g}} \\ T = 2\pi\sqrt{\frac{\ell}{g}} \end{cases} \Rightarrow \frac{T'}{T} = \sqrt{\frac{\ell'}{\ell}} \Rightarrow \frac{1}{2} = \sqrt{\frac{\ell'}{\ell}} \Rightarrow \ell' = \frac{1}{4}\ell$$

کریه ۲

سرعت - شتاب - انرژی - تشدید نوسانگر

نمای ۹ شتاب نوسانگر

۱۴۰۰

دامنه یک نوسانگر جرم - فنر ۴cm است. اگر جرم وزنه ۸۰g و ثابت فنر ۲۰۰N/m باشد در لحظه‌ای که مکان نوسانگر ۲cm - است.

تجربی - ۹۳

- شتاب نوسانگر چند متر بر مربع ثانیه است؟
(۱) ۱۵۰ (۲) ۷۵ (۳) ۵۰ (۴) ۲۵

۱۴۰۱

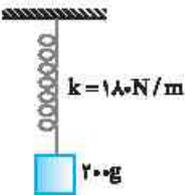
یک نوسانگر در هر دقیقه ۳۰ مرتبه از مرکز نوسان می‌گذرد و فاصله دو انتهای مسیر حرکت از یکدیگر ۴cm است. در لحظه‌ای که نوسانگر در فاصله ۵mm از انتهای مسیر قرار دارد اندازه شتاب نوسانگر چند سانتی‌متر بر مجذور ثانیه است؟ ($\pi^2 \approx 10$)

- (۱) $\frac{2}{5}$ (۲) $\frac{2}{75}$ (۳) $\frac{3}{5}$ (۴) $\frac{3}{75}$

۱۴۰۲

در شکل روبه‌رو، وزنه در حالت تعادل قرار دارد. اگر آن را ۵cm به آرامی پایین بکشیم و رها کنیم، شتاب وزنه در لحظه‌ای که پس از رها شدن ۲cm بالا رفته است، چند متر بر مربع ثانیه است؟

- (۱) ۲۷ (۲) $\frac{1}{25}$ (۳) ۶ (۴) $\frac{13}{5}$



رابطه شتاب و مکان یک نوسانگر ساده در SI به صورت $a + 4x = 0$ است. دوره چند ثانیه است؟

- (۱) π (۲) 2π (۳) ۱ (۴) ۲

۱۴۰۴

گلوله‌ای که به فنری متصل است، در یک سطح افقی بدون اصطکاک بین دو نقطه M و N نوسان می‌کند و در هر $\frac{1}{4}$ ثانیه ۲ نوسان کامل انجام می‌دهد. اگر بیشینه شتاب نوسان 20 m/s^2 باشد، فاصله MN چند سانتی‌متر است؟ ($\pi^2 = 10$)

تجربی - ۹۵

- (۱) ۲ (۲) $2\sqrt{10}$ (۳) ۴ (۴) $4\sqrt{10}$

۱۴۰۵

وزنه‌ای به جرم m به انتهای فنری با جرم ناچیز که ثابت فنر آن 10 N/m است، آویخته شده و با دامنه ۸ سانتی‌متر نوسان می‌کند. اگر بیشینه شتاب آن 2 m/s^2 باشد، جرم وزنه چند گرم است؟

ککورددههای گذشته

- (۱) ۲۵۰ (۲) ۵۰۰ (۳) ۲۰۰ (۴) ۴۰۰

۱۴۰۶

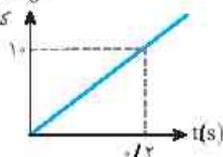
آونگ ساده‌ای که جرم گلوله آن ۲۰ گرم و طول ریسمان آن ۱ متر است، دارای حرکت هماهنگ ساده است و طول مسیر آن ۶cm است. در لحظه‌ای که فاصله گلوله آونگ از انتهای مسیرش ۱cm است، اندازه شتاب آن چند متر بر مربع ثانیه است؟ ($g = 10 \text{ N/kg}$)

- (۱) $\frac{0}{2}$ (۲) $\frac{0}{4}$ (۳) $\frac{0}{3}$ (۴) $\frac{0}{1}$

۱۴۰۷

نمودار شناسه تابع کسینوس (فاز) بر حسب زمان نوسانگری که دارای حرکت هماهنگ ساده روی پاره‌خطی به طول ۴cm بوده به صورت روبه‌رو است. در مکان $x = \sqrt{2} \text{ cm}$ اندازه شتاب نوسانگر چند متر بر مربع ثانیه است؟

شناسه تابع کسینوس



- (۱) $25\sqrt{2}$ (۲) $5\sqrt{2}$ (۳) ۲۵ (۴) ۵

۱۴۰۸ معادله مکان - زمان متحرکی در SI به صورت $x = 0.02 \cos(\pi t)$ است. در $t = \frac{1}{3}$ s شتاب متحرک چند سانتی متر بر مجذور ثانیه است؟

از کتاب درسی

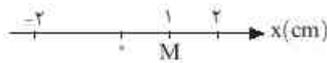
$(\pi^2 = 10)$

- ۱) -0.1 (۱) ۲) -10 (۲) ۳) 0.1 (۳) ۴) 10 (۴)

۱۴۰۹ در یک حرکت هماهنگ ساده نوسانگر با پیشینه شتاب خود نوسان را شروع می کند. در چه لحظاتی بر حسب دوره (T)، اندازه شتاب نصف شتاب پیشینه است؟

- ۱) $\frac{T}{6}, \frac{T}{3}, \frac{2T}{3}, \frac{5T}{6}$ (۱) ۲) $\frac{T}{3}, \frac{2T}{3}, \frac{4T}{3}, \frac{5T}{3}$ (۲) ۳) $\frac{T}{12}, \frac{T}{6}, \frac{2T}{3}, \frac{5T}{6}$ (۳) ۴) $\frac{T}{6}, \frac{T}{3}, \frac{4T}{3}, \frac{5T}{6}$ (۴)

۱۴۱۰ نوسانگری به جرم 2 kg به انتهای فنری به ثابت k متصل است و مطابق شکل روبه رو بر روی سطح افقی بدون اصطکاک با دامنه 2 cm نوسان می کند. اگر بزرگی شتاب نوسانگر در نقطه M،



خارج ریاضی - ۹۹

4 m/s^2 باشد، k چند نیوتون بر متر است؟

- ۱) 800 (۱) ۲) 400 (۲) ۳) 80 (۳) ۴) 40 (۴)

۱۴۱۱ نوسانگری با دوره 0.4 s در حال نوسان است. اگر در مدت 0.2 s جابه جایی نوسانگر 6 cm باشد، در ابتدا این بازه زمانی شتاب نوسانگر چند متر بر مربع ثانیه است؟ $(\pi^2 = 10)$

- ۱) $7/5$ (۱) ۲) $-7/5$ (۲) ۳) 3 (۳) ۴) -3 (۴)

۱۴۱۲ نوسانگری با معادله $x = 0.04 \cos 2\pi t$ در SI روی خط راست در حال نوسان است. در بازه $t = \frac{1}{60} \text{ s}$ تا $t = \frac{1}{30} \text{ s}$ چند ثانیه بزرگی شتاب نوسانگر از مقدار $8\pi^2 \sqrt{2} \text{ m/s}^2$ کوچکتر است؟

- ۱) $\frac{1}{60}$ (۱) ۲) $\frac{11}{120}$ (۲) ۳) $\frac{1}{12}$ (۳) ۴) $\frac{11}{240}$ (۴)

۱۴۱۳ آونگ ساده‌ای در سطح زمین حرکت نوسانی کم دامنه انجام می دهد. اگر این آونگ در ارتفاع R_0 از سطح زمین و با همان دامنه قبلی حرکت نوسانی کم دامنه انجام دهد، پیشینه شتاب حرکت آونگ چند برابر می شود؟ (R_0 برابر شعاع کره زمین است.)

- ۱) 2 (۱) ۲) 4 (۲) ۳) $\frac{1}{2}$ (۳) ۴) $\frac{1}{4}$ (۴)

تعمیر ۱۰ نیروی وارد بر نوسانگر

۱۴۱۴ ذره‌ای به جرم 500 g روی پاردهی به طول 10 cm حرکت هماهنگ ساده انجام می دهد. اگر دوره نوسان $\frac{1}{2}$ ثانیه باشد، پیشینه نیروی وارد بر نوسانگر چند نیوتون است؟ $(\pi^2 = 10)$

تجربی - ۹۱

- ۱) 4 (۱) ۲) 2 (۲) ۳) 1 (۳) ۴) $\frac{1}{2}$ (۴)

۱۴۱۵ نوسانگری به جرم 2 g در هر دقیقه 120 نوسان کامل انجام می دهد. اگر در هر دوره مسافت 16 cm را طی کند، بزرگی نیروی خالص وارد بر نوسانگر هنگام عبور از نصف دامنه منفی چند نیوتون است؟ $(\pi^2 = 10)$

کنکور دهه های گذشته

- ۱) $6/4 \times 10^{-3}$ (۱) ۲) $1/28 \times 10^{-3}$ (۲) ۳) $2/56 \times 10^{-3}$ (۳) ۴) $5/12 \times 10^{-3}$ (۴)

۱۴۱۶ وزنه‌ای به جرم 500 g گرم را از فنر سبکی آویزان کرده ایم و در حالت تعادل، طول فنر 4 cm افزایش یافته است. اگر این وزنه را با دامنه 4 cm در راستای قائم به نوسان درآوریم، بیشترین نیرویی که ضمن نوسان از طرف فنر به وزنه وارد می شود، چند نیوتون است؟ $(g = 10 \text{ m/s}^2)$

- ۱) 5 (۱) ۲) 10 (۲) ۳) 15 (۳) ۴) 20 (۴)

۱۴۱۷ جرم گلوله آونگ ساده‌ای 200 g گرم است. اگر طول آونگ 1 m و دامنه حرکت 1 cm باشد، پیشینه نیروی برگرداننده نوسانگر چند نیوتون است؟ $(g = 10 \text{ N/Kg})$

- ۱) 0.01 (۱) ۲) 0.1 (۲) ۳) 0.02 (۳) ۴) 0.04 (۴)

۱۴۱۸ معادله مکان - زمان حرکت هماهنگ ساده جرم و فنری در SI به صورت $x = 0.1 \cos(\Delta\pi t)$ است. اگر جرم جسم را 4 برابر کنیم و پیشینه نیروی نوسانگر همانند حالت قبلی باشد معادله مکان - زمان آن در SI کدام یک از گزینه‌های زیر خواهد شد؟

- ۱) $x = 0.2 \cos 2/\Delta\pi t$ (۱) ۲) $x = 0.1 \cos 2/\Delta\pi t$ (۲) ۳) $x = 0.2 \cos \Delta\pi t$ (۳) ۴) $x = 0.1 \cos \Delta\pi t$ (۴)